

Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Комарова Светлана Юриевна

Должность: Проректор по образовательной деятельности

Дата подписания: 05.09.2024 09:29:46

Уникальный программный ключ:

43ba42f5deae4116bbfcb9ac98a39108031227e81add207cbee4149f2098d7a

**Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Омский государственный аграрный университет имени П.А.Столыпина»
Факультет зоотехнии, товароведения и стандартизации**

**ОПОП по направлению подготовки
36.03.02 Зоотехния**

**ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ
по дисциплине**

Б1.О.07 Высшая математика

Направленность (профиль) «IT-технологии в животноводстве»

Обеспечивающая преподавание дисциплины кафедра -	Математических и естественнонаучных дисциплин
Разработчик, Ст. преподаватель	О.В. Корчинская
Омск 2021	

ВВЕДЕНИЕ

1. Фонд оценочных средств по дисциплине является обязательным обособленным приложением к Рабочей программе дисциплины.

3. Фонд оценочных средств является составной частью нормативно-методического обеспечения системы оценки качества освоения обучающимися указанной дисциплины.

4. При помощи ФОС осуществляется контроль и управление процессом формирования обучающимися компетенций, из числа предусмотренных ФГОС ВО в качестве результатов освоения дисциплины.

5. Фонд оценочных средств по дисциплине включает в себя: оценочные средства, применяемые для входного контроля; оценочные средства, применяемые в рамках индивидуализации выполнения, контроля фиксированных видов ВАРС; оценочные средства, применяемые для текущего контроля и оценочные средства, применяемые при промежуточной аттестации по итогам изучения дисциплины.

6. Разработчиками фонда оценочных средств по дисциплине являются преподаватели кафедры математических и естественнонаучных дисциплин, обеспечивающей изучение обучающимися дисциплины в университете. Содержательной основой для разработки ФОС послужила Рабочая программа дисциплины.

1. ОЖИДАЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ИЗУЧЕНИЯ
учебной дисциплины, персональный уровень достижения которых проверяется
с использованием представленных в п. 3 оценочных средств

Компетенции, в формировании которых задействована дисциплина		Код и наименование индикатора достижений компетенции	Компоненты компетенций, формируемые в рамках данной дисциплины (как ожидаемый результат ее освоения)		
код	наименование		знать и понимать	уметь делать (действовать)	владеть навыками (иметь навыки)
1			2	3	4
Общепрофессиональные компетенции					
ОПК-4	Способен обосновывать и реализовывать в профессиональной деятельности современные технологии с использованием приборно-инструментальной базы и использовать основные естественные, биологические и профессиональные понятия, а также методы при решении общепрофессиональных задач	ИД-1 _{ОПК-4} Знает основные естественные, биологические и профессиональные понятия и методы решения общепрофессиональных задач	основные естественные, биологические и профессиональные понятия и методы решения общепрофессиональных задач	использовать основные естественные, биологические и профессиональные понятия и методы решения общепрофессиональных задач	использования основных естественных, биологических и профессиональных понятий и методов решения общепрофессиональных задач
		ИД-2 _{ОПК-4} Умеет обосновывать использование приборно-инструментальной базы при решении общепрофессиональных задач	обоснование использования приборно-инструментальной базы при решении общепрофессиональных задач	обосновывать использование приборно-инструментальной базы при решении общепрофессиональных задач	обоснования использования приборно-инструментальной базы при решении общепрофессиональных задач
		ИД-3 _{ОПК-4} Владеет навыками использования в профессиональной деятельности современных технологий и методов решения общепрофессиональных задач	современные технологии и методы решения общепрофессиональных задач	использовать в профессиональной деятельности современных технологий и методов решения общепрофессиональных задач	использования в профессиональной деятельности современных технологий и методов решения общепрофессиональных задач

**ЧАСТЬ 2. ОБЩАЯ СХЕМА ОЦЕНИВАНИЯ ХОДА И РЕЗУЛЬТАТОВ ИЗУЧЕНИЯ
УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

Общие критерии оценки и реестр применяемых оценочных средств

**2.1 Обзорная ведомость-матрица оценивания хода и результатов изучения учебной
дисциплины в рамках педагогического контроля**

1 семестр

Категория контроля и оценки		Режим контрольно-оценочных мероприятий				
		само- оценка	взаимо- оценка	Оценка со стороны		Комис- сионная оценка
				препода- вателя	представителя производства	
		1	2	3	4	5
Входной контроль	1			Входное тестирование Прием и оценивание		
Индивидуализация выполнения*, контроль фиксированных видов ВАРС:	2					
- Типовой расчет*	2.1			Проверка преподавателем индивидуальных заданий типового расчета.		
Текущий контроль:	3					
- Самостоятельное изучение тем	3.1	Вопросы для самостоятельно го изучения тем	Взаимное обсужден ие по итогам опроса	Опрос		
- в рамках практических занятий и подготовки к ним	3.2	Темы и вопросы для самоконтроля		Проверка выполненных работ		
- в рамках обще-университетской системы контроля успеваемости	3.3			Фронтальный контроль текущей успеваемости по контрольным неделям, установленными в университете		
- Самостоятельные проверочные работы	3.4			Карточки с заданием. Прием и оценивание		
- Тестирование	3.5	Ответы на вопросы тестовых заданий		Прием и оценивание		
Промежуточная аттестация* обучающихся по итогам изучения дисциплины	4			Экзамен		
* данным знаком помечены индивидуализируемые виды учебной работы						

2.2 Общие критерии оценки хода и результатов изучения учебной дисциплины

1. Формальный критерий получения обучающимися положительной оценки по итогам изучения дисциплины:	
1.1 Предусмотренная программа изучения дисциплины обучающимся выполнена полностью до начала процесса промежуточной аттестации	1.2 По каждой из предусмотренных программой видов работ по дисциплине обучающийся успешно отчитался перед преподавателем, демонстрируя при этом должный (не ниже минимально приемлемого) уровень сформированности элементов компетенций
2. Группы неформальных критериев качественной оценки работы обучающегося в рамках изучения дисциплины:	
2.1 Критерии оценки качества хода процесса изучения обучающимся программы дисциплины (текущей успеваемости)	2.2. Критерии оценки качества выполнения конкретных видов ВАРС
2.3 Критерии оценки качественного уровня итоговых результатов изучения дисциплины	2.4. Критерии аттестационной оценки качественного уровня результатов изучения дисциплины

2.3 РЕЕСТР элементов фонда оценочных средств по учебной дисциплине

Группа оценочных средств	Оценочное средство или его элемент
	Наименование
1	2
1. Средства для входного контроля	Тестовые вопросы для проведения входного контроля
	Критерии оценки ответов на тестовые вопросы входного контроля
2. Средства для индивидуализации выполнения, контроля фиксированных видов ВАРС	Задания для выполнения типового расчета
	Критерии оценки выполнения типового расчета
3. Средства для текущего контроля	Вопросы для самостоятельного изучения темы
	Общий алгоритм самостоятельного изучения темы
	Критерии оценки самостоятельного изучения темы
	Вопросы для самоподготовки по темам практических занятий
	Критерии оценки самоподготовки по темам практических занятий
4. Средства для промежуточной аттестации по итогам изучения дисциплины	Тестовые вопросы для проведения итогового тестирования
	Критерии оценки итогового тестирования
	Экзаменационная программа по учебной дисциплине
	Пример экзаменационного билета
	Плановая процедура проведения экзамена

2.4 Описание показателей, критериев и шкал оценивания и этапов формирования компетенций в рамках дисциплины

Индекс и название компетенции	Код индикатора достижений компетенции	Индикаторы компетенции	Показатель оценивания – знания, умения, навыки (владения)	Уровни сформированности компетенций				Формы и средства контроля формирования компетенций
				компетенция не сформирована	минимальный	средний	высокий	
				Оценки сформированности компетенций				
				2	3	4	5	
				Оценка «неудовлетворительно»	Оценка «удовлетворительно»	Оценка «хорошо»	Оценка «отлично»	
				Характеристика сформированности компетенции				
			Компетенция в полной мере не сформирована. Имеющихся знаний, умений и навыков недостаточно для решения практических (профессиональных) задач	Сформированность компетенции соответствует минимальным требованиям. Имеющихся знаний, умений, навыков в целом достаточно для решения практических (профессиональных) задач	Сформированность компетенции в целом соответствует требованиям. Имеющихся знаний, умений, навыков и мотивации в целом достаточно для решения стандартных практических (профессиональных) задач	Сформированность компетенции полностью соответствует требованиям. Имеющихся знаний, умений, навыков и мотивации в полной мере достаточно для решения сложных практических (профессиональных) задач		
Критерии оценивания								
ОПК-4	ИД-1 _{ОПК-4}	Полнота знаний	Знает основные естественные, биологические и профессиональные понятия и методы решения общепрофессиональных задач	Фрагментарные знания основных естественных, биологических и профессиональных понятий и методов решения общепрофессиональных задач	Не полные знания основных естественных, биологических и профессиональных понятий и методов решения общепрофессиональных задач	Сформированы, но с некоторыми пробелами знания основных естественных, биологических и профессиональных понятий и методов решения общепрофессиональных задач	Сформированы в полном объеме знания основных естественных, биологических и профессиональных понятий и методов решения общепрофессиональных задач	Теоретические и практические вопросы экзаменационного задания, индивидуально задание по типовому расчету; опрос
		Наличие умений	Умеет использовать основные естественные, биологические и профессиональные понятия и методы решения общепрофессиональных задач	Фрагментарное умение использовать основные естественные, биологические и профессиональные понятия и методы решения общепрофессиональных задач	Частично умеет использовать основные естественные, биологические и профессиональные понятия и методы решения общепрофессиональных задач	Хорошо умеет использовать основные естественные, биологические и профессиональные понятия и методы решения общепрофессиональных задач	В совершенстве умеет использовать основные естественные, биологические и профессиональные понятия и методы решения общепрофессиональных задач.	
		Наличие навыков (владение опытом)	Владеет навыками использования основных естественных, биологических и профессиональных понятий и методов решения	Не владеет навыками использования основных естественных, биологических и профессиональных понятий и методов решения	Частично владеет навыками использования основных естественных, биологических и профессиональных понятий и методов решения	Хорошо владеет навыками использования основных естественных, биологических и профессиональных понятий и методов решения	В совершенстве владеет навыками использования основных естественных, биологических и профессиональных понятий и методов решения	

			использования в профессиональной деятельности современных технологий и методов решения общепрофессиональных задач	профессиональной деятельности современных технологий и методов решения общепрофессиональных задач	использования в профессиональной деятельности современных технологий и методов решения общепрофессиональных задач	в профессиональной деятельности современных технологий и методов решения общепрофессиональных задач	в профессиональной деятельности современных технологий и методов решения общепрофессиональных задач	
--	--	--	---	---	---	---	---	--

ЧАСТЬ 3 Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков, характеризующих этапы формирования компетенций

Часть 3.1. Типовые контрольные задания, необходимые для оценки знаний, умений, навыков

3.1.1 . Средства для индивидуализации выполнения, контроля фиксированных видов ВАРС

Примерный перечень тем типового расчета

1 Семестр

- **Линейная алгебра и аналитическая геометрия:** Вычисление определителей высших порядков. Решение систем линейных уравнений методом обратной матрицы; по формулам Крамера. Вектор. Основные понятия, скалярное произведение векторов. Прямая линия на плоскости. Кривые второго порядка. Плоскость и прямая в пространстве.
- **Математический анализ:** Теория пределов. Производная функции.
- **Интегральное исчисление** Неопределенные и определенные интегралы.
- **Теория вероятностей с элементами математической статистики:** Основные теоремы теории вероятностей. Случайные величины. Вариационные ряды. Проверка статистических гипотез. Линейная корреляция.

Методические рекомендации по выполнению типовых расчетов

Изучение любого раздела дисциплины следует с работы над теоретическим материалом. Для этого необходимо изучить теоретический материал по учебнику и лекциям. Особое внимание нужно обратить на определения основных понятий, подробно разобрать приведенные примеры, выучить формулы. Затем можно переходить к выполнению заданий. При их выполнении требуется обосновать каждый этап решения, исходя из теоретических положений курса; вычисления располагать в строгом порядке. Чертежи можно выполнять от руки, но аккуратно.

Решение каждой задачи должно доводиться до ответа, требуемого условием. В промежуточных вычислениях не следует вводить приближенные значения корней числа и т.п.

Полученные ответы полезно проверять.

Все типовые задания должны быть оформлены в отдельной тетради.

Типовые расчеты должны выполняться самостоятельно. Несамостоятельно выполненная работа не дает возможности преподавателю-рецензенту указать обучающемуся на недостатки в его работе, в усвоении им учебного материала, в результате чего обучающийся не приобретает необходимых знаний и может оказаться неподготовленным к экзамену.

Прорецензированные типовые расчеты вместе со всеми исправлениями и дополнениями, сделанными по требованию рецензента, следует сохранять.

При выполнении типовых расчетов надо строго придерживаться указанных ниже правил. Работы, выполненные без соблюдения этих правил, не зачитываются и возвращаются обучающемуся для переработки.

1. Типовой расчет следует выполнять в отдельной тетради, чернилами любого цвета, кроме красного, оставляя поля для замечаний рецензента.
2. На обложке тетради должны быть ясно написаны фамилия, имя и отчество обучающегося, название дисциплины, факультет, группа.
3. В работу должны быть включены все задачи, указанные в задании, строго по своему варианту. Типовые расчеты, содержащие не все задачи задания, а также содержащие задачи не своего варианта, не зачитываются.
4. Решение задач надо располагать в порядке номеров, указанных в заданиях, сохраняя номера задач.
5. Перед решением каждой задачи надо выписать полностью ее условие. В том случае, если несколько задач, из которых обучающийся выбирает задачу своего варианта, имеют общую формулировку, следует, переписывая условие задачи, заменить общие данные конкретными из соответствующего номера.
6. Решение задач следует излагать подробно и аккуратно, объясняя и мотивируя все действия по ходу решения и делая необходимые чертежи.
7. После получения прорецензированной работы, как не зачтенной, так и зачтенной, обучающийся должен исправить все отмеченные рецензентом ошибки и недочеты и выполнить все рекомендации рецензента.

Если рецензент предлагает внести в решения задач те или иные исправления или дополнения и сдать их для повторной проверки, то это следует сделать в короткий срок.

В случае незачета работы и отсутствия прямого указания рецензента на то, что обучающийся может ограничиться представлением исправленных решений отдельных задач, вся работа должна быть выполнена заново.

При повторной сдаче типового расчета должна обязательно находиться прорецензированная работа и рецензия на нее. В связи с этим рекомендуется работу над ошибками делать в той же самой тетради. Вносить исправления в сам текст работы после ее рецензирования запрещается.

Если типовой расчет «не зачтен», следует сделать работу над ошибками в той же самой тетради, и еще раз сдать типовой расчет рецензенту.

Образец заданий типовых расчетов

Задание 1. Решить систему линейных уравнений:

а) по формулам Крамера;

б) матричным способом;

в) методом Гаусса.

$$1. \begin{cases} 2x - 3y - 5z = 1; \\ 3x + y - 2z = -4; \\ x - 2y + z = 5. \end{cases}$$

$$2. \begin{cases} 2x + 3y - z = 2; \\ x - y + 3z = -4; \\ 3x + 5y + z = 4. \end{cases}$$

$$3. \begin{cases} 2x - y + 3z = 1; \\ x + 2y + z = 8; \\ 4x - 3y - 2z = -1. \end{cases}$$

$$4. \begin{cases} 2x - y + 3z = 3; \\ x + 2y + z = 8; \\ x - 3y + 4z = -1. \end{cases}$$

$$5. \begin{cases} x - 3y + z = 2; \\ 2x + y + 3z = 3; \\ 2x - y - 2z = 8. \end{cases}$$

$$6. \begin{cases} 4x + 3y - 2z = -1; \\ 3x + y + z = 3; \\ x - 2y - 3z = 8. \end{cases}$$

$$7. \begin{cases} x - 2y + z = 4; \\ 2x + y + 3z = 5; \\ 3x + 4y + z = -2. \end{cases}$$

$$8. \begin{cases} 3x + y - 2z = 1; \\ x - 2y + 3z = 5; \\ 2x + 3y - z = -4. \end{cases}$$

$$9. \begin{cases} 2x + 3y - z = 2; \\ x + 2y + 3z = 0; \\ x - y - 2z = 6. \end{cases}$$

$$10. \begin{cases} x + 5y - z = -1; \\ 2x + y - 2z = 7; \\ x - 4y + z = 0. \end{cases}$$

$$11. \begin{cases} 2x - 3y + z = 3; \\ x + y - 2z = 4; \\ 3x - 2y + 6z = 0. \end{cases}$$

$$12. \begin{cases} 3x - 2y + 2z = 3; \\ 2x + y - z = -5; \\ 5x - y - 3z = 4. \end{cases}$$

$$13. \begin{cases} x + y - 2z = 1; \\ 2x + 3y + z = 0; \\ x - 2y - z = 7. \end{cases}$$

$$14. \begin{cases} x + 2y - 4z = 0; \\ 3x + y - 3z = -1; \\ 2x - y + 5z = 3. \end{cases}$$

$$15. \begin{cases} x - 2y + z = 4; \\ 2x + y + 3z = 5; \\ 5x + 5y + 4z = 3. \end{cases}$$

$$16. \begin{cases} 3x + y - 2z = 1; \\ x - 2y + 3z = 5; \\ 2x + 3y - z = -4. \end{cases}$$

$$17. \begin{cases} 2x + y - z = 2; \\ 3x + 3y + 2z = 8; \\ 3x - y - 4z = -2. \end{cases}$$

$$18. \begin{cases} 5x - y + z = 7; \\ 4x - 2y - z = 5; \\ 3x - 3y + 2z = 8. \end{cases}$$

$$19. \begin{cases} 3x - y + z = -5; \\ 4x + y - z = -9; \\ 2x + 2 - 5z = -9. \end{cases}$$

$$20. \begin{cases} 2x + y - z = 2; \\ 3x + 3y + 2z = 8; \\ 3x - y + 5z = 7. \end{cases}$$

$$21. \begin{cases} 3x + 4y + 2z = 13; \\ 2x - y - 3z = -3; \\ x + 5y + z = 12. \end{cases}$$

$$22. \begin{cases} x - 2y + 3z = 2; \\ 2x + 3y - 4z = 1; \\ 3x - 2y - 5z = -4. \end{cases}$$

$$23. \begin{cases} 5x - 2y + z = -1; \\ 2x + y + 2z = 6; \\ x - 3y - z = -5. \end{cases}$$

$$24. \begin{cases} 2x - y - 3z = 5; \\ -2x + y + z = -7; \\ 3x - 2y = 6. \end{cases}$$

$$25. \begin{cases} x - 3y - z = 1; \\ 2x + y + z = -7; \\ 2x - y - 3z = 5. \end{cases}$$

$$26. \begin{cases} x + 2y - 3z = 4; \\ 3x + y + z = 7; \\ 6x - 3y + z = 9. \end{cases}$$

$$27. \begin{cases} 3x + 3y + 2z = -1; \\ 2x + y - z = 3; \\ x - 2y - 3z = 4. \end{cases}$$

$$28. \begin{cases} 2x + y - 5z = 6; \\ 3x + 3y - z = 12; \\ 3x - y + 4z = 4. \end{cases}$$

$$29. \begin{cases} 3x + y + 2z = -4; \\ x - 2y - z = -1; \\ 2x + 3y + 2z = 0. \end{cases}$$

$$30. \begin{cases} 2x - 3y + z = 3; \\ x + y - 2z = 4; \\ 4x - y + 4z = 4. \end{cases}$$

Задание 2. Даны координаты вершин пирамиды $ABCD$. Требуется: а) записать разложение векторов $\overline{AB}$, $\overline{AC}$, $\overline{AD}$ по ортам координатных осей и найти модули этих векторов; б) найти скалярное произведение векторов $\overline{AC}$ и $\overline{AD}$; в) найти угол между векторами $\overline{AB}$ и $\overline{AC}$; г) найти проекцию вектора $\overline{AB}$ по направлению вектора $\overline{AD}$.

1. A(1;3;6), B(2;2;1), C(-1;0;1), D(-4;6;-3).
2. A(-4;2;6), B(2;-3;0), C(-10;5;8), D(-5;2;-4).
3. A(7;2;4), B(7;-1;-2), C(3;3;1), D(-4;2;1).
4. A(2;1;4), B(-1;5;-2), C(-7;3;2), D(-6;-3;6).
5. A(-1;-5;2), B(-6;0;-3), C(3;6;-3), D(-10;6;7).
6. A(0;-1;-1), B(-2;3;5), C(1;-5;-9), D(-1;-6;3).
7. A(5;2;0), B(2;5;0), C(1;2;4), D(-1;1;1).
8. A(2;-1;-2), B(1;2;1), C(5;0;-6), D(-10;9;-7).
9. A(-2;0;-4), B(-1;7;1), C(4;-8;-4), D(1;-4;6).
10. A(14;4;5), B(-5;-3;2), C(-2;-6;-3), D(-2;2;-1).
11. A(1;2;0), B(3;0;-3), C(5;2;6), D(8;4;-9).
12. A(2;-1;2), B(1;2;-1), C(3;2;1), D(-4;2;5).
13. A(1;1;2), B(-1;1;3), C(2;-2;4), D(-1;0;-2).
14. A(2;3;1), B(4;1;-2), C(6;3;7), D(7;5;-3).
15. A(1;1;-1), B(2;3;1), C(3;2;1), D(5;9;-8).
16. A(1;5;-7), B(-3;6;3), C(-2;7;3), D(-4;8;-12).
17. A(-3;4;-7), B(1;5;-4), C(-5;-2;0), D(2;5;4).
18. A(-1;2;-3), B(4;-1;0), C(2;1;-2), D(3;4;5).
19. A(4;-1;3), B(-2;1;0), C(0;-5;1), D(3;2;-6).
20. A(1;-1;1), B(-2;0;3), C(2;1;-1), D(2;-2;-4).
21. A(1;2;0), B(1;-1;2), C(0;1;-1), D(-3;0;1).
22. A(1;0;2), B(1;2;-1), C(2;-2;1), D(2;1;0).
23. A(1;2;-3), B(1;0;10), C(-2;-1;6), D(0;-5;-4).
24. A(3;10;-1), B(-2;3;-5), C(-6;0;-3), D(1;-1;2).
25. A(-1;2;4), B(-1;-2;-4), C(3;0;-1), D(7;-3;1).

26. $A(0;-3;1)$, $B(-4;1;2)$, $C(2;-1;5)$, $D(3;1;-4)$.

27. $A(1;2;7)$, $B(4;2;10)$, $C(2;3;5)$, $D(5;3;7)$.

28. $A(1;2;5)$, $B(4;0;6)$, $C(2;6;5)$, $D(6;4;8)$.

29. $A(4;3;5)$, $B(1;9;7)$, $C(0;2;0)$, $D(5;3;10)$.

30. $A(2;1;6)$, $B(1;4;9)$, $C(2;5;8)$, $D(5;4;2)$.

Задание 3. Даны координаты вершин треугольника ABC . Требуется найти:

а) уравнения сторон треугольника AB , BC , AC ;

б) внутренний угол B в радианах;

г) уравнение медианы AE и ее длину;

д) уравнение высоты CD и ее длину;

е) точку пересечения медианы и высоты;

ж) постройте чертеж.

1. $A(-5;14)$, $B(-12;-10)$, $C(4;2)$.

2. $A(-7;17)$, $B(-14;-7)$, $C(2;5)$.

3. $A(-9;19)$, $B(-16;5)$, $C(0;7)$.

4. $A(-1;14)$, $B(-8;-10)$, $C(8;2)$.

5. $A(-8;16)$, $B(-15;-8)$, $C(1;4)$.

6. $A(-7;13)$, $B(-14;-11)$, $C(2;1)$.

7. $A(-6;15)$, $B(-13;-9)$, $C(3;3)$.

8. $A(-5;13)$, $B(-12;-11)$, $C(4;1)$.

9. $A(1;0)$, $B(13;-9)$, $C(17;13)$.

10. $A(-4;10)$, $B(8;1)$, $C(12;23)$.

11. $A(2;5)$, $B(14;-4)$, $C(18;18)$.

12. $A(-1;4)$, $B(11;-5)$, $C(15;17)$.

13. $A(-2;7)$, $B(10;-2)$, $C(8;12)$.

14. $A(-4;12)$, $B(-11;-12)$, $C(5;0)$.

15. $A(-6;13)$, $B(-13;-11)$, $C(3;1)$.

16. $A(-8;-3)$, $B(4;-12)$, $C(8;10)$.

17. $A(-5;7)$, $B(7;-2)$, $C(11;20)$.

18. $A(-12;-1)$, $B(0;-10)$, $C(4;12)$.

19. $A(-10;9)$, $B(2;0)$, $C(6;22)$.

20. $A(0;2)$, $B(12;-7)$, $C(16;15)$.

21. A(-9;6), B(3;-3), C(7;19).
22. A(-6;8), B(6;-1), C(4;13).
23. A(3;6), B(15;-3), C(13;11).
24. A(-10;5), B(2;-4), C(0;10).
25. A(-4;12), B(8;3), C(6;17).
26. A(-3;10), B(9;1), C(7;15).
27. A(6;2), B(30;-5), C(12;19).
28. A(-3;-2), B(0;10), C(6;2).
29. A(1;1), B(4;13), C(10;5).
30. A(0;3), B(3;15), C(9;7)..

Задание 4. Данное уравнение кривой второго порядка привести к каноническому виду, найти координаты фокусов и вершин, постройте полученную кривую.

1. $16x^2 + 25y^2 - 32x + 50y - 359 = 0.$
2. $16x^2 - 4y^2 - 64x + 24y - 36 = 0.$
3. $y^2 - 10x - 2y - 19 = 0.$
4. $4x^2 + 9y^2 - 8x - 36y + 4 = 0.$
5. $x^2 + y^2 - 4x + 14y + 54 = 0.$
6. $x^2 - 9y^2 + 2x + 36y - 44 = 0.$
7. $y^2 - 6x + 14y + 49 = 0.$
8. $4x^2 + 9y^2 - 24x + 54y + 81 = 0.$
9. $9x^2 - 25y^2 - 18x - 100y - 316 = 0.$
10. $x^2 - 6x - 4y + 29 = 0.$
11. $x^2 + 4y^2 + 4x - 16y - 8 = 0.$
12. $5x^2 - 6y^2 + 10x - 12y - 31 = 0.$
13. $x^2 - 8x - y + 15 = 0.$
14. $9x^2 + 4y^2 - 54x + 36y + 54 = 0.$
15. $3x^2 - y^2 + 12x - 4y - 4 = 0.$
16. $y^2 + 4y - x + 5 = 0.$
17. $4x^2 + 25y^2 + 8x + 100y + 4 = 0.$
18. $x^2 - 4y^2 + 2x + 16y - 7 = 0.$

19. $9x^2 - 6x - y + 2 = 0$.
20. $9x^2 + 16y^2 + 18x - 160y + 265 = 0$.
21. $36x^2 + 36y^2 - 36x - 24y - 23 = 0$.
22. $2y^2 + 8x + 12y - 3 = 0$.
23. $x^2 + y^2 + 10x - 4y + 29 = 0$.
24. $x^2 - 2x - 4y - 7 = 0$.
25. $y^2 - 4x + 6y + 13 = 0$.
26. $16x^2 - 4y^2 - 196x - 24y + 476 = 0$.
27. $9x^2 + 4y^2 - 162x + 24y + 729 = 0$.
28. $4x^2 - 25y^2 - 8x + 200y - 496 = 0$.
29. $x^2 + y^2 + 20x - 6y - 35 = 0$.
30. $16x^2 + 25y^2 - 32x + 50y - 359 = 0$.

Задание 5. Вычислить пределы.

1. а) $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{2x^2 - 7x + 3}{x^2 - 2x - 3}$; б) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2 + 4x + 2}{x^2 + x - 5}$; в) $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sqrt{x} - 2}{\sqrt{1 + 2x} - 3}$;
- г) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 6x}{2 \operatorname{tg} 3x}$; д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x + 2}{x - 3} \right)^{3x+1}$.
2. а) $\lim_{x \rightarrow -3} \frac{3x^2 + 8x - 3}{2x^2 + 7x + 3}$; б) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 - 2x + 1}{5x^2 + 4x - 2}$; в) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x^2 + 5x - 3}}{x - 2}$;
- г) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin^2 3x}{x^2}$; д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x + 1}{2x + 3} \right)^{4x-1}$.
3. а) $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{2x^2 + 7x + 6}{3x^2 + 10x + 8}$; б) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x - 4}{2x^3 - 5x + 3}$; в) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x^2 + 1} - 1}{\sqrt{x^2 + 16} - 4}$;
- г) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x^2}{\operatorname{tg}^2 3x}$; д) $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x + 7}{x - 3} \right)^{2x-1}$.
4. а) $\lim_{x \rightarrow -2} \frac{3x^2 + 7x + 2}{2x^2 - x - 6}$; б) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^2 - 3x + 1}{3x^2 + 5x - 4}$; в) $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{1 - \sqrt{x - 3}}{2 - \sqrt{x}}$;

$$r) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 2x}{x^2}; \text{ д) } \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{3x-1}{3x+2} \right)^{6x-5}.$$

$$5. \text{ а) } \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 - 1}{2x^2 + x - 3}; \text{ б) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2 - 3x - x^3}{3x^2 + x - 4}; \text{ в) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1+x} - \sqrt{1-x}}{x};$$

$$r) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arctg^2 3x}{\sin 3x}; \text{ д) } \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+1}{x-1} \right)^{2x}.$$

$$6. \text{ а) } \lim_{x \rightarrow -3} \frac{6 - 7x - 3x^2}{2x^2 + 7x + 3}; \text{ б) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^2 - 3x + 2}{x^3 + x + 4}; \text{ в) } \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{5-x^2} - 2}{1-x};$$

$$r) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 4x}{5 \sin^2 4x}; \text{ д) } \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x+1}{2x-1} \right)^{4x-3}.$$

$$7. \text{ а) } \lim_{x \rightarrow -1} \frac{2x^2 + 3x + 1}{x^3 + 1}; \text{ б) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{7x^3 - 2x + 11}{x^2 + 5x + 5}; \text{ в) } \lim_{x \rightarrow 5} \frac{\sqrt{5x-x} - x}{x-5};$$

$$r) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} 6x}{2 \sin 3x}; \text{ д) } \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{5x+2}{5x+1} \right)^{x+1}.$$

$$8. \text{ а) } \lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x^2 - 7x + 5}{2x^2 - x - 1}; \text{ б) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^4 - 4x^2 - x + 1}{5x^4 - 11x + 11}; \text{ в) } \lim_{x \rightarrow 1} \frac{2 - \sqrt{5-x}}{3 - \sqrt{8+x}};$$

$$r) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin 4x^2}{2x}; \text{ д) } \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x+1}{2x+3} \right)^{x-1}.$$

$$9. \text{ а) } \lim_{x \rightarrow 2} \frac{3x^2 - 2x - 8}{2 + 3x - 2x^2}; \text{ б) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1 - 2x - 3x^5}{2x^4 - 3x + 1}; \text{ в) } \lim_{x \rightarrow -4} \frac{3 - \sqrt{x^2 - 7}}{2 - \sqrt{8+x}};$$

$$r) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arctg^2 3x^2}{9x^4}; \text{ д) } \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{4x-1}{4x+3} \right)^{3x+2}.$$

$$10. \text{ а) } \lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 2x + 3}{2x^2 - 5x - 3}; \text{ б) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{8x^3 - 3x + 1}{1 - 10x - 4x^3}; \text{ в) } \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{2x+3} - 3}{\sqrt{x-2} - 1};$$

$$r) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 \sin 2x}{\arcsin x}; \text{ д) } \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+3}{x-3} \right)^{2x-3}.$$

$$11. \text{ a) } \lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^3 + 8}{x^2 + x - 2}; \text{ б) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 - 5x + 9}{x - 12}; \text{ в) } \lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sqrt{x} - 2}{x^2 - 6x + 8};$$

$$\text{ г) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{2tg^2 x}{5x^2}; \text{ д) } \lim_{x \rightarrow 2} (5 - 2x)^{\frac{x}{x-2}}.$$

$$12. \text{ a) } \lim_{x \rightarrow 5} \frac{x^2 - 7x + 10}{x^2 - 10x + 25}; \text{ б) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{10x^4 - x^2 - 2x}{x - x^2 - 10}; \text{ в) } \lim_{x \rightarrow 0} (x^2 \cdot ctg 4x);$$

$$\text{ г) } \lim_{x \rightarrow -1} \frac{x+1}{\sqrt{3x+7}-2}; \text{ д) } \lim_{x \rightarrow -1} (2x+3)^{\frac{1}{x+1}}.$$

$$13. \text{ a) } \lim_{x \rightarrow 5} \frac{(x-5)^2}{x^2 - 3x + 10}; \text{ б) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt{x^4 - x + 2}}{2x^2 + 4x - 5}; \text{ в) } \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt{x+3}-2}{\sqrt{x}-1};$$

$$\text{ г) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 4x}{5tgx^3}; \text{ д) } \lim_{x \rightarrow 1} (4 - 3x)^{\frac{x}{x-1}}.$$

$$14. \text{ a) } \lim_{x \rightarrow -3} \frac{2x^2 + 5x - 3}{3x^2 + 11x + 6}; \text{ б) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1 - x + 4x^3}{x^3 - 10x + 9}; \text{ в) } \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - x - 2}{\sqrt{4x+1}-3};$$

$$\text{ г) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 6x}{3x}; \text{ д) } \lim_{x \rightarrow 3} (7 - 2x)^{\frac{2}{x-3}}.$$

$$15. \text{ a) } \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x-1)^2}{4x^2 + x - 5}; \text{ б) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{10x - x^4}{10x^4 - 3x - 1}; \text{ в) } \lim_{x \rightarrow -3} \frac{\sqrt{1-x}-2}{4 - \sqrt{1-5x}};$$

$$\text{ г) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{2 \sin^3 2x}{x^3}; \text{ д) } \lim_{x \rightarrow -2} (2x+5)^{\frac{3}{x+2}}.$$

$$16. \text{ a) } \lim_{x \rightarrow -3} \frac{6 - x - x^2}{3x^2 + 8x - 3}; \text{ б) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^3 - x + 11}{3x^2 + 2x + 6}; \text{ в) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1+3x^2}-1}{x^2 + x^3};$$

$$\text{ г) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{3x}{tgx \cdot \sin x}; \text{ д) } \lim_{x \rightarrow 0} (3x+1)^{\frac{2}{x}}.$$

$$17. \text{ a) } \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 - 1}{5x^2 - 4x - 1}; \text{ б) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{5 - 2x - 3x^2}{1 + x^5}; \text{ в) } \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{2x+3}-3}{x^2 - 9};$$

$$\text{ г) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 6x}{x \cdot \sin 3x}; \text{ д) } \lim_{x \rightarrow 1} (2 - x)^{\frac{2x}{1-x}}.$$

$$18. \text{ а) } \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 + 2x - 8}{8 - x^3}; \text{ б) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - 3x + 4}{2x^3 + 5x - 1}; \text{ в) } \lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2 - 4}{\sqrt{1 - 4x} - 3};$$

$$\text{ г) } \lim_{x \rightarrow 0} (\sin 3x \cdot \operatorname{ctg}^2 5x); \text{ д) } \lim_{x \rightarrow 1} (2x - 1)^{\frac{8x}{x-1}}.$$

$$19. \text{ а) } \lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - x - 6}{x^2 - 6x + 9}; \text{ б) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{4x^2 - \sqrt{x} - 10}{5x - 4}; \text{ в) } \lim_{x \rightarrow 8} \frac{\sqrt{9 + 2x} - 5}{\sqrt{x^2 - 64}};$$

$$\text{ г) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \cdot \operatorname{tg} x}{5x^2}; \text{ д) } \lim_{x \rightarrow -1} (2x + 3)^{\frac{2x}{x+1}}.$$

$$20. \text{ а) } \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 4x + 4}{x^2 - 4}; \text{ б) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^4 - x^3 - \sqrt{x} - 1}{x + 10}; \text{ в) } \lim_{x \rightarrow 4} \frac{2 - \sqrt{x}}{\sqrt{6x + 1} - 5};$$

$$\text{ г) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x^2}{\sin x \cdot \arcsin x}; \text{ д) } \lim_{x \rightarrow 2} (2x - 3)^{\frac{5}{x-2}}.$$

$$21. \text{ а) } \lim_{x \rightarrow 3} \frac{x^2 - 6x + 9}{x^3 - 27}; \text{ б) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{5x^5 - 5x - 4}{x^2 + 2}; \text{ в) } \lim_{x \rightarrow -2} \frac{3 - \sqrt{x + 11}}{2 - \sqrt{x + 6}};$$

$$\text{ г) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin 2x}{5x \cdot \cos x}; \text{ д) } \lim_{x \rightarrow 1} (3x - 2)^{\frac{4}{1-x}}.$$

$$22. \text{ а) } \lim_{x \rightarrow \frac{1}{3}} \frac{6x^2 + x + 1}{6x^2 - 5x + 1}; \text{ б) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\sqrt[3]{x} - x}{x^3 - x - 3}; \text{ в) } \lim_{x \rightarrow 9} \frac{\sqrt{2x + 7} - 5}{3 - \sqrt{x}};$$

$$\text{ г) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 4x}{1 - \cos 2x}; \text{ д) } \lim_{x \rightarrow 1} (3 - 2x)^{\frac{x}{2x-2}}.$$

$$23. \text{ а) } \lim_{x \rightarrow -5} \frac{2x^2 + 15x + 25}{5 - 4x - x^2}; \text{ б) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{4x^2 + 5x + 6}{x - 5}; \text{ в) } \lim_{x \rightarrow -3} \frac{5 - \sqrt{22 - x}}{1 - \sqrt{4 + x}};$$

$$\text{ г) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \cdot \sin 3x}{\cos x - \cos^3 x}; \text{ д) } \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+1}{x-4} \right)^{x+1}.$$

$$24. \text{ а) } \lim_{x \rightarrow -2} \frac{x^2 - 2x - 8}{2x^2 + 5x + 2}; \text{ б) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{4x^3 - 2x^2 - x + 1}{4x^2 - 5\sqrt{x} + x - 2}; \text{ в) } \lim_{x \rightarrow 5} \frac{1 - \sqrt{x - 4}}{2 - \sqrt{2x - 6}}; \text{ г) }$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{10 \sin 5x}{9 \operatorname{tg} 5x}; \text{ д) } \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{4x - 9}{4x + 1} \right)^{2x+1}.$$

$$25. \text{ а) } \lim_{x \rightarrow -3} \frac{x^2 - 9}{2x^2 + 9x + 9}; \text{ б) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^2 - x + 1}{4x^3 + 2x^4 + x^5}; \text{ в) } \lim_{x \rightarrow 4} \frac{\sqrt{4x} - x}{4 - x};$$

$$\text{ г) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 \sin 5x}{x \operatorname{tg} x \sin 2x}; \text{ д) } \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{2x + 1}{2x + 5} \right)^{x-1}.$$

$$26. \text{ а) } \lim_{x \rightarrow 2} \frac{4 - x^2}{3x^2 - 10x + 8}; \text{ б) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2 - 4x + 1}{1 - 2x - 2x^2}; \text{ в) } \lim_{x \rightarrow 6} \frac{x^2 - 36}{\sqrt{x} - \sqrt{6}};$$

$$\text{ г) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin 3x^2}{x \operatorname{tg} 2x}; \text{ д) } \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{3x + 2}{3x - 1} \right)^{x+2}.$$

$$27. \text{ а) } \lim_{x \rightarrow 5} \frac{2x^2 - 5x - 25}{x^2 - 25}; \text{ б) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^3 - 5x + 1}{1 - 2x - 5x^2}; \text{ в) } \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x^2 + 7} - 4}{x - 3};$$

$$\text{ г) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} x \cdot \sin 2x}{x \cdot \sin x}; \text{ д) } \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{4x + 8}{4x + 10} \right)^{2x-1}.$$

$$28. \text{ а) } \lim_{x \rightarrow -4} \frac{2x^2 + 15x + 28}{x^2 + 7x + 12}; \text{ б) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^3 - 3x + 1}{11 - 2x + 7x^2}; \text{ в) } \lim_{x \rightarrow 9} \frac{2 - \sqrt{x - 5}}{3 - \sqrt{x}};$$

$$\text{ г) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 \cdot \operatorname{arctg} x}{2 \sin^2 x}; \text{ д) } \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{5x + 1}{5x + 3} \right)^{2x+1}.$$

$$29. \text{ а) } \lim_{x \rightarrow 3} \frac{5x^2 - 16x + 3}{x^2 - 4x + 3}; \text{ б) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{6x^2 - 5x + 7}{3x^2 + 4x - \sqrt{x}}; \text{ в) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{x^2 + 9} - 3}{\sqrt{x^2 + 1} - 1};$$

$$\text{ г) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{3 \operatorname{tg}^2 x^2}{2x^2 \cdot \sin^2 x}; \text{ д) } \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{6x + 1}{6x - 2} \right)^{x+5}.$$

$$30. \text{ а) } \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 3x + 2}{x^2 + x - 2}; \text{ б) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^3 - 5x^2 + 7}{3x^5 + 4x^3 + 10}; \text{ в) } \lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x^2 + 5} - 3}{x - 2};$$

$$\text{г) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \cdot \sin x \cdot \cos x}{4 \operatorname{tg} x}; \text{ д) } \lim_{x \rightarrow 0} (2x+1)^{\frac{5}{x}}.$$

Задание 6. Исследовать функции на непрерывность с помощью односторонних пределов, сделать чертеж.

$$1. \text{ а) } f(x) = \begin{cases} x+4, \text{ если } & x < -1, \\ x^2+2, \text{ если } & -1 \leq x < 1, \\ 2x, \text{ если } & x \geq 1. \end{cases} \quad \text{б) } y = \frac{3x}{x-1}.$$

$$2. \text{ а) } f(x) = \begin{cases} -x, \text{ если } & x \leq 0, \\ -(x-1)^2, \text{ если } & 0 < x < 2, \\ x-3, \text{ если } & x \geq 2. \end{cases} \quad \text{б) } y = \frac{x}{5-x}.$$

$$3. \text{ а) } f(x) = \begin{cases} x+2, \text{ если } & x \leq -1, \\ x^2+1, \text{ если } & -1 < x \leq 1, \\ -x+3, \text{ если } & x > 1. \end{cases} \quad \text{б) } y = \frac{3x}{1+x}.$$

$$4. \text{ а) } f(x) = \begin{cases} \cos x, \text{ если } & x \leq 0, \\ x^2+1, \text{ если } & 0 < x < 1, \\ x, \text{ если } & x \geq 1. \end{cases} \quad \text{б) } y = 3^{\frac{1}{x-5}}.$$

$$5. \text{ а) } f(x) = \begin{cases} -x, \text{ если } & x \leq 0, \\ x^2, \text{ если } & 0 < x \leq 2, \\ x+1, \text{ если } & x > 2. \end{cases} \quad \text{б) } y = 2^{\frac{3}{x+4}}.$$

$$6. \text{ а) } f(x) = \begin{cases} -x, \text{ если } & x \leq 0, \\ \sin x, \text{ если } & 0 < x \leq \frac{\pi}{4}, \\ x-2, \text{ если } & x > \pi. \end{cases} \quad \text{б) } y = 9^{\frac{1}{x-4}}.$$

$$7. \text{ a) } f(x) = \begin{cases} -(x+1), & \text{если } x \leq -1, \\ (x+1)^2, & \text{если } -1 < x \leq 0, \\ x, & \text{если } x > 0. \end{cases} \quad \text{б) } y = \frac{2x}{x-3}.$$

$$8. \text{ a) } f(x) = \begin{cases} -2x, & \text{если } x \leq 0, \\ x^2 + 1, & \text{если } -1 < x \leq 1, \\ 2, & \text{если } x > 1. \end{cases} \quad \text{б) } y = \frac{3x}{x-5}.$$

$$9. \text{ a) } f(x) = \begin{cases} -2x, & \text{если } x \leq 0, \\ \sqrt{x}, & \text{если } 0 < x < 4, \\ 1, & \text{если } x \geq 4. \end{cases} \quad \text{б) } y = \frac{x}{1-x}.$$

$$10. \quad \text{a) } f(x) = \begin{cases} 2x - x^2, & \text{если } x \leq 3, \\ 2 - x, & \text{если } 3 < x < 4, \\ -2, & \text{если } x \geq 4. \end{cases} \quad \text{б) } y = 7^{\frac{1}{x-2}}.$$

$$11. \quad \text{a) } f(x) = \begin{cases} 2x + 1, & \text{если } x \leq -2, \\ x^2 - 1, & \text{если } -2 < x < 1, \\ 0, & \text{если } x \geq 1. \end{cases} \quad \text{б) } y = 5^{\frac{1}{x-3}}.$$

$$12. \quad \text{a) } f(x) = \begin{cases} x^2 - 2, & \text{если } x < 2, \\ 7 - x, & \text{если } 2 \leq x \leq 4, \\ 3, & \text{если } x > 4. \end{cases} \quad \text{б) } y = 6^{\frac{1}{3-x}}.$$

$$13. \quad \text{a) } f(x) = \begin{cases} 2x+5, \text{ если } & x \leq -1, \\ x^2-4, \text{ если } & -1 < x < 2, \\ 0, \text{ если } & x \geq 2. \end{cases} \quad \text{б) } y = \frac{4x}{4-x}.$$

$$14. \quad \text{a) } f(x) = \begin{cases} \cos x, \text{ если } & x \leq \frac{\pi}{2}, \\ 0, \text{ если } & \frac{\pi}{2} < x < \pi, \\ \frac{\pi}{2}, \text{ если } & x \geq \pi. \end{cases} \quad \text{б) } y = \frac{3x}{x+4}.$$

$$15. \quad \text{a) } f(x) = \begin{cases} \sin x, \text{ если } & x < 0, \\ x, \text{ если } & 0 \leq x \leq 2, \\ 0, \text{ если } & x > 2. \end{cases} \quad \text{б) } y = \frac{x}{x+1}.$$

$$16. \quad \text{a) } f(x) = \begin{cases} \cos x, \text{ если } & x \leq 0, \\ 1-x, \text{ если } & 0 < x \leq 2, \\ x^2, \text{ если } & x > 2. \end{cases} \quad \text{б) } y = 4^{\frac{3}{2-x}}.$$

$$17. \quad \text{a) } f(x) = \begin{cases} x^2+1, \text{ если } & x \leq 1, \\ 2x, \text{ если } & 1 < x \leq 3, \\ x+2, \text{ если } & x > 3. \end{cases} \quad \text{б) } y = 5^{\frac{4}{x+3}}.$$

$$18. \quad \text{a) } f(x) = \begin{cases} 2x^2, \text{ если } & x \leq 0, \\ x, \text{ если } & 0 < x \leq 1, \\ 2, \text{ если } & x > 1. \end{cases} \quad \text{б) } y = 3^{\frac{1}{2+x}}.$$

$$19. \quad \text{a) } f(x) = \begin{cases} x-1, \text{ если } & x \leq 0, \\ x^2, \text{ если } & 0 < x < 2, \\ 2x, \text{ если } & x \geq 2. \end{cases} \quad \text{б) } y = \frac{2x}{3-x}.$$

$$20. \quad \text{a) } f(x) = \begin{cases} x+1, \text{ если } & x \leq 0, \\ x^2, \text{ если } & 0 < x \leq 2, \\ \frac{x}{2} + 3, \text{ если } & x > 2. \end{cases} \quad \text{б) } y = \frac{4x}{5+x}.$$

$$21. \quad \text{a) } f(x) = \begin{cases} x+1, \text{ если } & x < 0, \\ x^2 + 1, \text{ если } & 0 \leq x \leq 1, \\ 1, \text{ если } & x > 1. \end{cases} \quad \text{б) } y = \frac{x}{x-2}.$$

$$22. \quad \text{a) } f(x) = \begin{cases} x^2 + 1, \text{ если } & x < 0, \\ 1-x, \text{ если } & 0 \leq x \leq 2, \\ 2, \text{ если } & x > 2. \end{cases} \quad \text{б) } y = 8^{\frac{3}{x+5}}.$$

$$23. \quad \text{a) } f(x) = \begin{cases} x^2 - 1, \text{ если } & x \leq 0, \\ 2x, \text{ если } & 0 \leq x \leq 2, \\ x+1, \text{ если } & x > 2. \end{cases} \quad \text{б) } y = 9^{\frac{4}{3-x}}.$$

$$24. \quad \text{a) } f(x) = \begin{cases} \sin x, \text{ если } & x \leq \pi, \\ x, \text{ если } & \frac{\pi}{2} < x < 2, \\ 1, \text{ если } & x \geq 2. \end{cases} \quad \text{б) } y = 5^{\frac{6}{x-7}}.$$

$$25. \quad \text{a) } f(x) = \begin{cases} -3, & \text{если } x \leq -1, \\ x^2 - 4, & \text{если } -1 \leq x \leq 2, \\ 6 - 2x, & \text{если } x > 2. \end{cases} \quad \text{б) } y = \frac{6x}{x+4}.$$

$$26. \quad \text{a) } f(x) = \begin{cases} 9, & \text{если } x \leq 0, \\ 9 - x^2, & \text{если } 0 \leq x \leq 1, \\ 6 - 2x, & \text{если } x > 1. \end{cases} \quad \text{б) } y = \frac{3x}{1+x}.$$

$$27. \quad \text{a) } f(x) = \begin{cases} 4x + 5, & \text{если } x \leq -1, \\ x^2 - 4x, & \text{если } -1 \leq x \leq 4, \\ 0, & \text{если } x > 4. \end{cases} \quad \text{б) } y = 6^{\frac{5}{3-x}}.$$

$$28. \quad \text{a) } f(x) = \begin{cases} x^2 + 2, & \text{если } x < 2, \\ x + 1, & \text{если } 2 \leq x \leq 4, \\ 5, & \text{если } x > 4. \end{cases} \quad \text{б) } y = 5^{\frac{2}{x+4}}.$$

$$29. \quad \text{a) } f(x) = \begin{cases} -3, & \text{если } x \leq -3, \\ 2x + 3, & \text{если } -3 < x \leq -1, \\ 3x - x^2, & \text{если } x > -1. \end{cases} \quad \text{б) } y = 3^{\frac{5}{3+x}}.$$

$$30. \quad \text{a) } f(x) = \begin{cases} 1, & \text{если } x \leq -1, \\ x^2, & \text{если } -1 \leq x \leq 2, \\ x, & \text{если } x > 2. \end{cases} \quad \text{б) } y = \frac{5x}{4-x}.$$

Задание 7. Найти производную функций.

$$1. \text{ а) } y = (1 + 9x^2) \cdot \operatorname{arctg} 3x; \quad \text{б) } y = \frac{\arcsin 2x}{\sqrt{1-4x^2}}; \quad \text{в) } y = \ln \sqrt{x^2 + 2x + 5}.$$

$$2. \text{ a) } y = (x^4 + 1) \cdot e^{\sin x}; \quad \text{б) } y = \frac{\arctg 2x}{1 + 4x^2}; \quad \text{в) } y = 4^{\arcsin 3x}.$$

$$3. \text{ a) } y = (3x - \sqrt{x} + 1)^5; \quad \text{б) } y = \frac{\ln x}{1 + x^2}; \quad \text{в) } y = \sqrt{\sin 3x}.$$

$$4. \text{ a) } y = e^{5x} \cdot \tg \sqrt{x}; \quad \text{б) } y = \frac{2x - 3 \ln x}{1 - x^2}; \quad \text{в) } y = \ln \sin 2x.$$

$$5. \text{ a) } y = \left(x^2 - \frac{1}{\sqrt{x}} + 2 \right)^3; \quad \text{б) } y = \frac{\arccos 2x}{\sqrt{1 - 4x^2}}; \quad \text{в) } y = \tg \sqrt{\ln x}.$$

$$6. \text{ a) } y = 2^x \cdot (x^2 - 3); \quad \text{б) } y = \frac{\ln 10x}{x^3 - 3}; \quad \text{в) } y = \arctg 3x^2.$$

$$7. \text{ a) } y = (x^3 - 3\sqrt[3]{x^2} + 4)^2; \quad \text{б) } y = \frac{\sin 3x + 1}{\cos 3x + 1}; \quad \text{в) } y = \ln \ctg 5x.$$

$$8. \text{ a) } y = (1 + 4x^2) \cdot \arctg 2x; \quad \text{б) } y = \frac{2x - e^{3x}}{x^2 + x + 1}; \quad \text{в) } y = \sqrt{\arcsin 2x}.$$

$$9. \text{ a) } y = \left(5x^4 - \frac{1}{x^2} + \sqrt{x} \right)^4; \quad \text{б) } y = \frac{3 - \cos 5x}{3 + \sin 5x}; \quad \text{в) } y = \arcsin \ln 5x.$$

$$10. \quad \text{a) } y = \left(4x^2 - 4\sqrt{x} + \frac{1}{x^3} \right)^2; \quad \text{б) } y = \frac{e^{\tg x}}{1 + \cos^2 x}; \quad \text{в) } y = \ln \arcsin x.$$

$$11. \quad \text{a) } y = (x^2 - \arctg x)^4; \quad \text{б) } y = e^{\sin 4x} \cdot \cos^2 x; \quad \text{в) } y = \frac{\sin(2x + 1)}{\ln x}.$$

$$12. \quad \text{a) } y = (x^5 + 8x) \cdot \sin 2x; \quad \text{б) } y = \frac{\sqrt{2x + 1}}{\tg x}; \quad \text{в) } y = \arccos \sqrt{x}.$$

$$13. \quad \text{a) } y = e^{2x} \cdot (x^3 + \sqrt{x}); \quad \text{б) } y = \frac{x^2 + 5}{\sin 3x}; \quad \text{в) } y = \ln \tg 4x.$$

14. a) $y = (x + 2)^3 \cdot \cos 3x$; б) $y = \frac{\operatorname{tg} 5x}{\sqrt{x}}$; в) $y = \arcsin^2 7x$.
15. a) $y = \frac{\cos 7x}{x^2 + 1}$; б) $y = x \cdot \arcsin 8x$; в) $y = \ln \sin 3x^3$.
16. a) $y = (x^2 + \ln x^3) \cdot e^{-x}$; б) $y = \frac{x + 3}{\cos 4x}$; в) $y = \operatorname{arctg}^3 \sqrt{4x - 3}$.
17. a) $y = \left(3x^4 - \frac{5}{\sqrt{x}} + 4 \right)^5$; б) $y = \sqrt{x - 3} \cdot e^{3x}$; в) $y = \frac{x^5 + 6 + \sin 2x}{x^2 + 1}$.
18. a) $y = (1 - x^2) \cdot \operatorname{ctg} 3x$; б) $y = \cos^5 10x^2$; в) $y = \frac{\ln 2x}{x + 5}$.
19. a) $y = \ln(x^2 + 5x - 2)$; б) $y = (e^{3x} - \sin 4x)^4$; в) $y = \frac{\operatorname{arctg} 2x}{x^2}$.
20. a) $y = \left(x^{10} - \frac{4}{\sqrt{x}} - 1 \right)^3$; б) $y = \ln^2 \operatorname{tg} 5x$; в) $y = \frac{\cos 3x - 3}{x - 4}$.
21. a) $y = \sqrt[4]{x^3 + 10x - 1}$; б) $y = 2x^5 \cdot e^{\ln x}$; в) $y = \frac{\operatorname{tg} 7x - x^2}{x + 2}$.
22. a) $y = \sqrt[7]{e^x + 10x^2 - \ln x}$; б) $y = 5^{-4x} \cdot \cos x$; в) $y = \frac{x^2 - 5x + \sqrt{x}}{x + 4}$.
23. a) $y = x^3 \cdot \arcsin 4x$; б) $y = \sqrt{x} \cdot \operatorname{tg}^2 x$; в) $y = \frac{\ln 4x}{x^3 - 2x + 4}$.
24. a) $y = 4x^3 - \sqrt[5]{4x^2} - \frac{2}{\ln x}$; б) $y = e^{\sin x} \cdot \cos^2 4x$; в) $y = \frac{\arccos 2x}{x - \sqrt{x}}$.
25. a) $y = 3x^4 - \frac{5}{3x^3} - 9\sqrt[3]{x^2}$; б) $y = (x^3 - 1) \cdot \ln x^5$; в) $y = \frac{e^{\sin x}}{2 + \cos x}$.

26. а) $y = \operatorname{tg} x + \frac{1}{x} - 3x^4 + 2$; б) $y = \operatorname{arctg}^2 x \cdot e^{2x^5}$; в) $y = \frac{1 - x - \sqrt{x}}{\ln x}$.
27. а) $y = 4x^2 - \frac{5}{6x^5} + 2\sqrt[5]{x^4}$; б) $y = (3 - x^3) \cdot \operatorname{ctg} 4x$; в) $y = \frac{e^{2x}}{2x^4 - 12}$.
28. а) $y = \sqrt{x^3 + \sin 3x}$; б) $y = 5^{3x} \cdot \operatorname{tg}^2(x - 1)$; в) $y = \frac{\arccos 4x}{x^3 - 2x}$.
29. а) $y = (\ln x - \cos 5x^2)^3$; б) $y = (x^2 + 1) \cdot \operatorname{arctg} 3x$; в) $y = \frac{\sin 10x}{2x - \sqrt{x}}$.
30. а) $y = (e^{2x} - \sin 4x)^4$; б) $y = \sqrt{x + 5} \cdot \arg \sin x$; в) $y = \frac{2 - \ln x}{x^5 + 3}$.

Задание 8. Исследовать функцию и построить ее график.

1. $y = \frac{1}{2}x^3 + 3x^2 - 7$.
2. $y = \frac{1}{3}x^3 - \frac{3}{2}x^2 - 4x + 10$
3. $y = \frac{1}{4}x^3 - \frac{3}{2}x^2 + 2$.
4. $y = \frac{1}{5}x^3 - \frac{9}{5}x^2 + 3x + 3$
5. $y = \frac{1}{6}x^3 - \frac{3}{2}x^2 + 8$.
6. $y = -\frac{1}{2}x^3 + 6x - 1$.
7. $y = -\frac{1}{3}x^3 + x^2 + 3x - 2$

8. $y = -\frac{1}{4}x^3 + \frac{9}{8}x^2 + 3x - 6$
9. $y = -\frac{1}{5}x^3 + \frac{3}{2}x^2 - 4$
10. $y = -\frac{1}{6}x^3 + \frac{9}{2}x + 2$
11. $y = \frac{1}{15}x^3 - \frac{3}{10}x^2 - 2x + \frac{1}{5}$
12. $y = \frac{1}{10}x^3 - \frac{1}{10}x^2 - \frac{3}{2}x + 1$
13. $y = \frac{1}{21}x^3 - \frac{1}{7}x^2 - \frac{3}{7}x - \frac{1}{2}$
14. $y = -\frac{1}{18}x^3 + \frac{1}{6}x^2 + \frac{1}{2}x + 1$
15. $y = \frac{1}{15}x^3 - \frac{1}{5}x^2 - 3x - 2$
16. $y = \frac{1}{10}x^3 - \frac{3}{5}x^2 - \frac{63}{10}x + 3$
17. $y = -\frac{1}{15}x^3 - \frac{1}{5}x^2 + \frac{3}{5}x + 2$
18. $y = -\frac{1}{15}x^3 + \frac{2}{5}x^2 + \frac{21}{5}x - 1$
19. $y = \frac{1}{21}x^3 + \frac{2}{7}x^2 - 3x + \frac{1}{3}$
20. $y = \frac{1}{30}x^3 + \frac{1}{10}x^2 - \frac{3}{10}x + 2$

$$21. \quad y = \frac{1}{24}x^3 + \frac{1}{4}x^2 - \frac{21}{8}x - 1$$

$$22. \quad y = \frac{1}{3}x^3 - \frac{3}{2}x^2 + 2x + \frac{1}{3}$$

$$23. \quad y = \frac{1}{5}x^3 - \frac{9}{5}x^2 + 3x + 3$$

$$24. \quad y = -\frac{1}{4}x^3 + \frac{9}{8}x + 3x - 6$$

$$25. \quad y = x^3 + 4x^2 + 5x + 2$$

$$26. \quad y = x^3 - 3x^2 + 4$$

$$27. \quad y = x^3 - 9x^2 + 24x - 7$$

$$28. \quad y = -4x^3 + 6x^2 - 3x - \frac{1}{2}$$

$$29. \quad y = x^3 - \frac{1}{2}x^2 - 4x + 2$$

$$30. \quad y = x^3 - 3x^2 + 5$$

Задание 9. Вычислить неопределенный интеграл.

$$1. \text{ а) } \int \left(3x + 8\sqrt[3]{x} - 1 + \frac{2}{x} \right) dx; \text{ б) } \int \sin(2x - 1) dx;$$

$$\text{ в) } \int (1 - 3x) \cdot e^x dx; \text{ г) } \int \frac{3x - 2}{x^2 + 6x + 5} dx.$$

$$2. \text{ а) } \int \left(\frac{1}{\sqrt{x}} + 9 + \frac{12}{x} \right) dx; \text{ б) } \int (4x + 3)^3 dx;$$

$$\text{ в) } \int x \cdot \sin(x - 3) dx; \text{ г) } \int \frac{3x + 1}{x^2 + 5x + 4} dx.$$

$$3. \text{ a) } \int \left(x^3 + \frac{3}{\sqrt[4]{x}} + 8 - e^x \right) dx; \text{ б) } \int \frac{dx}{5x-1};$$

$$\text{в) } \int (x+4) \cdot \ln x dx; \text{ г) } \int \frac{4x-2}{x^2-4x-5} dx.$$

$$4. \text{ a) } \int \left(3x^5 - \frac{4}{x^2} + 3x - 5 \right) dx; \text{ б) } \int \sqrt[3]{5x+8} dx;$$

$$\text{в) } \int (6-3x) \cdot \cos x dx; \text{ г) } \int \frac{4x-1}{x^2-3x-4} dx.$$

$$5. \text{ a) } \int \left(x^4 - 5\sqrt[3]{x^2} + x + 1 \right) dx; \text{ б) } \int \frac{dx}{\sqrt{2x-3}};$$

$$\text{в) } \int x \cdot \sin 8x dx; \text{ г) } \int \frac{3x-7}{x^2+5x+6} dx.$$

$$6. \text{ a) } \int \left(x^6 - \frac{5}{x} + 7x + \cos x \right) dx; \text{ б) } \int \sin^2 x \cos x dx;$$

$$\text{в) } \int (x+2) \cdot e^{3+x} dx; \text{ г) } \int \frac{3x+9}{x^2-x-6} dx.$$

$$7. \text{ a) } \int \left(2x^7 - 5\sqrt[4]{x^3} + x - 4 \right) dx; \text{ б) } \int e^{2-5x} dx;$$

$$\text{в) } \int \sin x \cdot (3x+4) dx; \text{ г) } \int \frac{3x-13}{x^2+6x+8} dx.$$

$$8. \text{ a) } \int \left(6x^5 - \frac{2}{\sqrt[5]{x^2}} + 6x + 1 \right) dx; \text{ б) } \int \cos(3x+2) dx;$$

$$\text{в) } \int x^2 \cdot \ln(x+1) dx; \text{ г) } \int \frac{3x-2}{x^2-2x-8} dx.$$

$$9. \text{ a) } \int \left(8x^3 - \frac{2}{x} + 6x + 4 \right) dx; \text{ б) } \int \sin(4x-3) dx;$$

$$\text{в)} \int x \cdot \cos(9+x) dx; \text{ г)} \int \frac{3x+8}{x^2+7x+12} dx.$$

$$10. \text{ а)} \int (6x^7 + 3\sqrt[4]{x} + x - 9) dx; \text{ б)} \int \frac{tg x \cdot dx}{\cos^2 x};$$

$$\text{в)} \int e^x \cdot (2x+11) dx; \text{ г)} \int \frac{x-2}{x^2+8x+15} dx.$$

$$11. \text{ а)} \int \left(e^{2x} - \frac{3}{x} + 7 \right) dx; \text{ б)} \int \frac{(3x+2)^2}{\sqrt{x}};$$

$$\text{в)} \int (x+3) \cdot e^{2x} dx; \text{ г)} \int \frac{x+5}{x^2-3x+2} dx.$$

$$12. \text{ а)} \int \left(\sqrt{x} + \frac{3}{7x-4} - 6^x \right) dx; \text{ б)} \int \frac{(x-2)^3}{x} dx;$$

$$\text{в)} \int 2x \cdot \sin(x-5) dx; \text{ г)} \int \frac{3x}{x^2-4x+3} dx.$$

$$13. \text{ а)} \int \left(6x + 3\sqrt[3]{x^2} - \frac{4}{\sqrt{x}} \right) dx; \text{ б)} \int e^{7x+9} dx;$$

$$\text{в)} \int (4-6x) \cdot \cos x dx; \text{ г)} \int \frac{x+2}{x^2-6x+5} dx.$$

$$14. \text{ а)} \int \left(7x^3 - \frac{1}{\sqrt[3]{x}} + 2\sqrt{x} \right) dx; \text{ б)} \int x\sqrt{x^2+1} dx;$$

$$\text{в)} \int (2x+4) \cdot \ln x dx; \text{ г)} \int \frac{2x}{x^2-5x+4} dx.$$

$$15. \text{ а)} \int \left(8^{x+3} - \frac{2}{4x-1} \right) dx; \text{ б)} \int \frac{(3x-4)^2}{x} dx;$$

$$\text{в)} \int (3x+5) \cdot e^x dx; \text{ г)} \int \frac{3x-2}{x^2-5x+6} dx.$$

16. a) $\int \left(e^{3-x} - \frac{5}{x+1} \right) dx$; б) $\int \frac{(x+3)^2}{x} dx$;
 в) $\int (8-5x) \cdot \sin x dx$; г) $\int \frac{3x+7}{x^2-6x+8} dx$.
17. a) $\int (2^{x+2} + 3\sqrt{x} - 4\cos 3x) dx$; б) $\int \frac{(2-x)^3}{x^2} dx$;
 в) $\int x^2 \cdot \ln x dx$; г) $\int \frac{6x-4}{x^2-7x+10} dx$.
18. a) $\int \left(\frac{1}{\sqrt[3]{x}} + 2x - 12 \right) dx$; б) $\int \frac{2x dx}{x^2-7}$;
 в) $\int \cos x \cdot (7-2x) dx$; г) $\int \frac{5x-2}{x^2-8x+12} dx$.
19. a) $\int (2x^3 - 5\sqrt[3]{x} - x + 1) dx$; б) $\int \sin(5x-1) dx$;
 в) $\int 3x \cdot e^{6+x} dx$; г) $\int \frac{8x+3}{x^2-9x+14} dx$.
20. a) $\int \left(2^x + \frac{4}{3-x} - 4\sqrt[3]{x} \right) dx$; б) $\int \frac{(x-2)^2}{3\sqrt{x}} dx$;
 в) $\int (4x+3) \cdot \ln x dx$; г) $\int \frac{10x-7}{x^2-7x+12} dx$.
21. a) $\int \left(7x^4 - \frac{1}{\sqrt[5]{x^4}} + 8x \right) dx$; б) $\int \cos(2x-3) dx$;
 в) $\int (7-3x) \cdot \sin x dx$; г) $\int \frac{2x+7}{x^2-8x+15} dx$.
22. a) $\int \left(3^{4-2x} - 7\sqrt{x} - \frac{2}{x} \right) dx$; б) $\int \frac{(\sqrt{x}-1)^2}{x} dx$;

- $\text{в)} \int (5x+1) \cdot e^x dx; \text{ г)} \int \frac{2x+12}{x^2-10x+24} dx.$
23. а) $\int \left(3x^2 - \frac{2}{\sqrt[3]{x^4}} + e^{2x} \right) dx; \text{ б)} \int \frac{(2x-1)^2}{x^2} dx;$
- $\text{в)} \int (2-4x) \cdot \cos x dx; \text{ г)} \int \frac{5x-2}{x^2+9x+20} dx.$
24. а) $\int (2x^7 + 4\sqrt{x} + \operatorname{tg} 2x) dx; \text{ б)} \int \frac{(1+x^2)^2}{x^2} dx;$
- $\text{в)} \int x \cdot \ln(x-1) dx; \text{ г)} \int \frac{8x+1}{x^2+10x+24} dx.$
25. а) $\int \left(5\sqrt{x} - \frac{5}{x} - 2^{2x} \right) dx; \text{ б)} \int \frac{(7-x)^2}{x^2} dx;$
- $\text{в)} \int (x+6) \cdot \sin 3x dx; \text{ г)} \int \frac{3x+9}{2x^2-5x} dx.$
26. а) $\int \left(2x^3 - \sqrt{x} - \frac{5}{x^2} \right) dx; \text{ б)} \int \cos(3-4x) dx;$
- $\text{в)} \int (x+1) \cdot e^{9x} dx; \text{ г)} \int \frac{6x-11}{3x^2+7x} dx.$
27. а) $\int \left(3e^x - \frac{1}{\sqrt[3]{x^5}} + 3x \right) dx; \text{ б)} \int \frac{(x+2)^2}{\sqrt{x}} dx;$
- $\text{в)} \int (x^2+5) \cdot \ln x dx; \text{ г)} \int \frac{9x-2}{2x^2-x} dx.$
28. а) $\int \left(2x + \frac{4}{x^5} - 4\operatorname{tg} x \right) dx; \text{ б)} \int \frac{x dx}{x^2+16};$
- $\text{в)} \int 2x \cdot \operatorname{arctg} x dx; \text{ г)} \int \frac{3x+12}{4x-x^2} dx.$

$$29. \quad \text{a) } \int \left(x - \frac{4}{\sqrt[3]{x^4}} + 3 \cos x \right) dx; \quad \text{б) } \int \frac{(\sqrt{x} - 3)^2}{3x} dx;$$

$$\text{в) } \int x \cdot \arctg x dx; \quad \text{г) } \int \frac{3x + 7}{6x - x^2} dx.$$

$$30. \quad \text{a) } \int \left(2x^4 - \sqrt{x} - \frac{5}{x+1} \right) dx; \quad \text{б) } \int e^{2-5x} dx;$$

$$\text{в) } \int x^2 \cdot \cos x dx; \quad \text{г) } \int \frac{7x - 2}{x^2 + x - 42} dx.$$

$$31. \quad \text{a) } \int \left(12x^2 - \frac{2}{x} + \sqrt[3]{x^2} \right) dx; \quad \text{б) } \int \ln(x-3) \frac{dx}{x-3};$$

$$\text{в) } \int x^2 \cdot \sin x dx; \quad \text{г) } \int \frac{6x}{x^2 - 2x - 35} dx.$$

$$32. \quad \text{a) } \int \left(x + \frac{3}{\sqrt[4]{x}} + 8e^x - 1 \right) dx; \quad \text{б) } \int \sin^6 x \cos x dx;$$

$$\text{в) } \int x \cdot \arcsin x dx; \quad \text{г) } \int \frac{9x}{x^2 + x - 30} dx.$$

Задание 10. Вычислить площадь плоской фигуры, ограниченной заданными линиями, сделать чертеж.

$$1. \quad y = 7 - x^2, \quad 2x + y = 0.$$

$$2. \quad y = \frac{1}{3}(x-5)^2, \quad 2x - y + 10 = 0.$$

$$3. \quad y = 4x - x^2, \quad 3y = x^2.$$

$$4. \quad y = \frac{1}{3}(x-4)^2, \quad 2x - y - 8 = 0.$$

$$5. \quad y = 6x - x^2, \quad y - 2x - 3 = 0.$$

$$6. \quad y = (x-4)^2, \quad y + 3x - 10 = 0.$$

7. $y = x^2 + 1, \quad y = 3x - 1.$

8. $y = \frac{1}{3}(x-3)^2, \quad 2x - y - 6 = 0.$

9. $y = \frac{x^2}{2}, \quad y = 3x - x^2.$

10. $y = \frac{1}{3}(x+4)^2, \quad 4x - 3y + 16 = 0.$

11. $y = (x+2)^2, \quad y = 3x + 6.$

12. $y = \frac{1}{3}(x+1)^2, \quad 6x - 3y + 22 = 0.$

13. $y = 5 - x^2, \quad 3x + y - 7 = 0.$

14. $y = \frac{1}{3}(x+4)^2, \quad 3y - 4x - 16 = 0.$

15. $y = 3x - \frac{2}{3}x^2, \quad 3y = x^2.$

16. $y = 9 - x^2, \quad 2x + y - 6 = 0.$

17. $y = \frac{1}{3}(x+5)^2, \quad 5x - 3y + 25 = 0.$

18. $y = 5x - x^2, \quad 4y = x^2.$

19. $y = \frac{1}{3}(x+3)^2, \quad x - y + 3 = 0.$

20. $y = x^2 + 2, \quad 4x - y - 1 = 0.$

$$21. \quad y = \frac{1}{3}(x-1)^2, \quad 2x - y - 2 = 0.$$

$$22. \quad y = \frac{1}{2}(x-5)^2, \quad x + y - 9 = 0.$$

$$23. \quad y = \frac{1}{4}(x+4)^2, \quad x - y + 7 = 0.$$

$$24. \quad y = \frac{1}{2}(x+2)^2, \quad 4x - y + 2 = 0.$$

$$25. \quad y = x^2 - 1, \quad x - y - 1 = 0.$$

$$26. \quad y = 2 - x^2, \quad y = x^2.$$

$$27. \quad y = \frac{7}{x}, \quad x + y = 8.$$

$$28. \quad y = x^2 + 1, \quad y = -x^2 + 5.$$

$$29. \quad y^2 = 2x + 1, \quad x = 1.$$

$$30. \quad y = 4 - x^2, \quad y = x^2 - 2x.$$

Задание 11. Решить задачу.

1. Имеется 8 образцов пшеницы, из которых три заражены клещом. Наудачу взяли два образца. Найти вероятность того, что: а) оба заражены клещом; б) один заражен клещом, а другой нет.

2. Найти вероятность того, что хотя бы один стрелок поразит мишень, если вероятность попадания в цель для первого равна 0,93, а для второго 0,84.

3. Игральная кость бросили один раз. Найти вероятность того, что выпадет: а) два очка; б) не более трех очков.

4. Собрание, на котором присутствуют 25 человек, среди которых 5 женщин, выбирает делегацию из трех человек. Найти вероятность того, что в ее состав войдут два мужчины и одна женщина.

5. В корзине 12 яблок, из них 4 сорта А, остальные сорта В. Взяли 3 яблока. Найти вероятность того, что: а) все три будут сорта А; б) только одно яблоко сорта А.

6. Известно, что всхожесть пшеницы составляет 90%. Сколько необходимо взять зерен, чтобы возшло 360 растений.

7. В коробке имеется 5 шаров с номерами от 1 до 5. Наудачу по одному извлекают три шара без возвращения в коробку. Найти вероятность того, что последовательно появятся шары с номерами 1, 4, 5.

8. Вероятность обнаружения первого объекта равна 0,1, второго – 0,4, третьего – 0,2. Найти вероятность того, что будет обнаружено не более одного объекта.
9. В коробке 3 красных, 5 зеленых и 7 синих карандаша. Наудачу извлекают три. Какова вероятность того, что: а) все три вынутых карандаша синие; б) вынутые карандаши разного цвета.
10. Стрелок сделал три выстрела. Вероятность попадания при каждом выстреле равна 0,75. Какова вероятность того, что: а) он ни разу не попал; б) он промахнулся один раз.
11. Брошены две игральные кости. Найти вероятность того, что: а) сумма выпавших очков равна 3; б) на обеих гранях выпало одинаковое число очков.
12. В ящике 7 белых, 5 черных и 3 красных кубика. Наудачу извлекают два кубика. Найти вероятность того, что: а) оба кубика белые; б) один черный и один красный.
13. Куплено три лотерейных билета. Вероятность выигрыша по каждому равна 0,02. Найти вероятность того, что выиграют все три билета.
14. Какова вероятность того, что вынутую наугад косточку домино можно приставить к ранее вынутой косточке 1:1.
15. В ящике находятся жетоны с номерами от одного до 50. Найти вероятность того, что номер первого взятого наудачу жетона не содержит цифру 9.
16. Всхожесть семян дикой яблони равна 60%. Сколько потребуется высеять семян, чтобы взшло 120 ростков?
17. В ящике находятся шары с номерами от 1 до 30. Наудачу вынимают два шара. Найти вероятность того, что они имеют четные номера.
18. Какова вероятность того, что при бросании одной игральной кости выпадет или цифра 1, или цифра кратная 3?
19. Двое охотников одновременно выстрелили по медведю, который был убит одной пулей. Определить вероятность того, что промахнулся первый охотник, если вероятности попадания для каждого соответственно равны 0,4 и 0,5.
20. У сборщика 20 деталей, среди которых 11 первого вида и по 3 второго, третьего и четвертого видов. Какова вероятность того, что среди 8 взятых одновременно деталей пять окажется первого вида, две второго и одна третьего.
21. Вероятность попадания в цель у первого стрелка равна 0,6, а у второго – 0,9. Найти вероятность того, что при одном выстреле будет не более одного попадания в цель.
22. Найти вероятность того, что взятая наугад из полного комплекта косточка домино содержит 8 очков.
23. Пусть вероятности выигрыша по трем лотерейным билетам соответственно равны: по 1-му – 0,1, по 2-му – 0,3, а по 3-му – 0,5. Какова вероятность выигрыша по двум билетам?
24. Вероятность обнаружения первого объекта равна 0,3, второго – 0,7, третьего – 0,4. Найти вероятность того, что будет обнаружено два объекта.
25. Имеется 9 образцов пшеницы, из которых два заражены клещом. Наудачу взяли три образца. Найти вероятность того, что один из них заражен клещом.
26. Собрание, на котором присутствуют 20 человек, среди которых 4 женщины, выбирает делегацию из трех человек. Найти вероятность того, что в ее состав войдут два мужчины и одна женщина.
27. В коробке имеется 6 шаров с номерами от 1 до 6. Наудачу по одному извлекают три шара без возвращения в коробку. Найти вероятность того, что последовательно появятся шары с номерами 2, 3, 5.
28. Четырехтомное сочинение расположено на полке в случайном порядке. Найти вероятность того, что тома стоят в должном порядке, т. е. слева направо.
29. Брошены две игральные кости. Найти вероятность того, что: а) сумма выпавших очков равна 5; б) на обеих гранях выпали шестерки.

30. В ящике 9 синих, 3 черных и 3 красных кубика. Наудачу извлекают два кубика. Найти вероятность того, что: а) оба кубика синие; б) один черный и один красный.

Задание 12. Закон распределения дискретной случайной величины X задан в виде таблицы.

Найти:

- вероятность p_i ;
- математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение;
- функцию распределения вероятности этой величины $F(x)$, изобразить ее графически;
- найти вероятность попадания величины в интервал $(5;13)$.

1.	X	-3	6	9	12	15		2.	X	1	3	5	7	11	
	p	0,1	0,2	p_i	0,1	0,2			p	0,1	p_i	0,2	0,3	0,1	
3.	X	10	11	13	15	17		4.	X	10	11	13	15	17	
	p	0,2	p_i	0,2	0,1	0,1			p	0,2	p_i	0,2	0,1	0,2	
5.	X	2	4	6	8	12		6.	X	2	3	5	6	12	
	p	p_i	0,4	0,2	0,1	0,1			p	0,2	0,3	0,2	p_i	0,1	
7.	X	2	3	5	6	10		8.	X	-3	6	9	12	15	
	p	0,2	p_i	0,2	0,1	0,1			p	0,1	0,5	p_i	0,1	0,2	
9.	X	2	3	15	16	17		10.	X	2	4	6	8	11	
	p	0,1	0,2	0,4	p_i	0,1			p	p_i	0,3	0,2	0,1	0,2	
11.	X	-5	10	15	20	22		12.	X	4	8	12	16	19	
	p	p_i	0,1	0,3	0,2	0,1			p	0,2	0,3	p_i	0,1	0,2	
13.	X	6	12	18	24	25		14.	X	1	5	10	15	20	
	p	0,2	p_i	0,2	0,1	0,3			p	p_i	0,2	0,1	0,4	0,1	
15.	X	12	16	18	20	23		16.	X	3	5	7	9	12	
	p	0,2	0,3	p_i	0,1	0,2			p	0,1	0,3	0,1	p_i	0,2	
17.	X	-4	8	12	16	18		18.	X	3	6	12	10	11	
	p	0,1	0,2	0,3	p_i	0,1			p	0,1	p_i	0,3	0,1	0,2	
19.	X	4	6	8	10	15		20.	X	-4	6	8	10	12	
	p	0,2	p_i	0,3	0,1	0,1			p	p_i	0,4	0,3	0,1	0,1	
21.	X	-3	6	9	12	14		22.	X	10	11	12	13	15	
	p	0,1	0,3	p_i	0,1	0,2			p	0,2	0,4	0,2	p_i	0,1	
23.	X	-1	6	9	11	12		24.	X	2	3	5	9	12	
	p	p_i	0,1	0,3	0,1	0,2			p	p_i	0,1	0,2	0,3	0,1	

25.	X	7	11	13	15	17		26.	X	5	10	13	15	18	
	p	p_i	0,1	0,2	0,1	0,2			p	0,2	0,3	0,2	p_i	0,1	
27.	X	-3	0	11	13	15		28.	X	-5	1	8	9	12	
	p	0,1	0,2	0,1	0,3	p_i			p	0,1	0,2	0,1	0,3	p_i	
29.	X	-5	-1	3	7	12		30.	X	-6	2	7	9	11	
	p	0,2	0,1	0,1	0,2	p_i			p	0,2	0,1	0,1	0,3	p_i	

Задание 13. Случайная величина X задана интегральной функцией распределения. Найти:

- плотность распределения (дифференциальную функцию распределения) случайной величины;
- построить график функции распределения и её плотности;
- вычислить математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение.

$$1. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x \leq 1,5 \\ 2x - 3, & \text{при } 1,5 < x \leq 2 \\ 1, & \text{при } x > 2 \end{cases}$$

$$2. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x \leq 0 \\ \frac{x^2}{64}, & \text{при } 0 < x \leq 8 \\ 1, & \text{при } x > 8 \end{cases}$$

$$3. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x \leq 2,5 \\ 2x - 5, & \text{при } 2,5 < x \leq 3 \\ 1, & \text{при } x > 3 \end{cases}$$

$$4. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x \leq 3 \\ \frac{x^2 - 9}{27}, & \text{при } 3 < x \leq 6 \\ 1, & \text{при } x > 6 \end{cases}$$

$$5. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{npu } x \leq 2 \\ 0,5x - 1, & \text{npu } 2 < x \leq 4 \\ 1, & \text{npu } x > 4 \end{cases}$$

$$6. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{npu } x \leq -2 \\ \frac{x+2}{5}, & \text{npu } -2 < x \leq 3 \\ 1, & \text{npu } x > 3 \end{cases}$$

$$7. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{npu } x \leq 4 \\ \frac{x-4}{8}, & \text{npu } 4 < x \leq 12 \\ 1, & \text{npu } x > 12 \end{cases}$$

$$8. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{npu } x \leq 1,5 \\ 2x - 3, & \text{npu } 1,5 < x \leq 2 \\ 1, & \text{npu } x > 2 \end{cases}$$

$$9. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{npu } x \leq 5 \\ 2x - 10, & \text{npu } 5 < x \leq 5,5 \\ 1, & \text{npu } x > 5,5 \end{cases}$$

$$10. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{npu } x < -3 \\ x + 3, & \text{npu } -3 \leq x < -2 \\ 1, & \text{npu } x \geq -2 \end{cases}$$

$$11. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{npu } x < -2,5 \\ 2x + 5, & \text{npu } -2,5 \leq x \leq -2 \\ 1, & \text{npu } x > -2 \end{cases}$$

$$12. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{npu } x < 2 \\ x^2 - 4, & \text{npu } 2 \leq x < \sqrt{5} \\ 1, & \text{npu } x \geq \sqrt{5} \end{cases}$$

$$13. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{npu } x < -1 \\ \frac{x+1}{4}, & \text{npu } -1 \leq x < 3 \\ 1, & \text{npu } x \geq 3 \end{cases}$$

$$14. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{npu } x \leq -2 \\ \frac{(x+2)^2}{16}, & \text{npu } -2 < x \leq 2 \\ 1, & \text{npu } x > 2 \end{cases}$$

$$15. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{npu } x < 9 \\ \frac{x-9}{10}, & \text{npu } 9 \leq x < 19 \\ 1, & \text{npu } x \geq 19 \end{cases}$$

$$16. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{npu } x \leq 3 \\ \frac{x-3}{4}, & \text{npu } 3 < x \leq 7 \\ 1, & \text{npu } x > 7 \end{cases}$$

$$17. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{npu } x \leq -4 \\ \frac{x+4}{5}, & \text{npu } -4 < x < 1 \\ 1, & \text{npu } x \geq 1 \end{cases}$$

$$18. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{npu } x \leq -1 \\ \frac{x+1}{7}, & \text{npu } -1 < x \leq 6 \\ 1, & \text{npu } x > 6 \end{cases}$$

$$19. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{npu } x < 4 \\ \frac{x^2-16}{5}, & \text{npu } 4 \leq x < \sqrt{21} \\ 1, & \text{npu } x \geq \sqrt{21} \end{cases}$$

$$20. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{npu } x \leq -2 \\ \frac{x+2}{7}, & \text{npu } -2 < x < 5 \\ 1, & \text{npu } x \geq 5 \end{cases}$$

$$21. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{npu } x \leq 4 \\ \frac{x-4}{6}, & \text{npu } 4 < x \leq 10 \\ 1, & \text{npu } x > 10 \end{cases}$$

$$22. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{npu } x < 2,5 \\ \frac{2x-5}{3}, & \text{npu } 2,5 \leq x < 4 \\ 1, & \text{npu } x \geq 4 \end{cases}$$

$$23. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{npu } x < 3 \\ \frac{x-3}{3}, & \text{npu } 3 \leq x < 6 \\ 1, & \text{npu } x \geq 6 \end{cases}$$

$$24. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{npu } x \leq -7 \\ \frac{x+7}{7}, & \text{npu } -7 < x \leq 0 \\ 1, & \text{npu } x > 0 \end{cases}$$

$$25. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{npu } x \leq 2 \\ \frac{x^2 - 4}{12}, & \text{npu } 2 < x \leq 4 \\ 1, & \text{npu } x > 4 \end{cases}$$

$$26. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{npu } x \leq -4 \\ \frac{x^2 - 16}{20}, & \text{npu } -4 < x \leq 6 \\ 1, & \text{npu } x > 6 \end{cases}$$

$$27. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{npu } x \leq -5 \\ \frac{(x+5)^2}{9}, & \text{npu } -5 < x \leq -2 \\ 1, & \text{npu } x > -2 \end{cases}$$

$$28. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{npu } x \leq 0 \\ \frac{x^3}{27}, & \text{npu } 0 < x \leq 3 \\ 1, & \text{npu } x > 3 \end{cases}$$

$$29. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{npu } x \leq 1 \\ \frac{x^3 - 1}{63}, & \text{npu } 1 < x \leq 4 \\ 1, & \text{npu } x > 4 \end{cases}$$

$$30. \quad F(x) = \begin{cases} 0, & \text{при } x \leq 3 \\ \frac{(x-3)^3}{64}, & \text{при } 3 < x \leq 7 \\ 1, & \text{при } x > 7 \end{cases}$$

Задание 14. Решить задачу.

Варианты 1 – 6.

Известно, что процент жира в молоке большой группы коров есть случайная величина X , распределенная по нормальному закону, с математическим ожиданием a и средним квадратическим отклонением σ . Требуется:

- составить уравнение и построить график кривой распределения $f(x)$;
- найти вероятность того, что в результате испытания X примет значение, принадлежащее интервалу $(\alpha; \beta)$;
- найти вероятность того, что % жира в молоке у взятой наудачу коровы отличается от математического ожидания не более чем на ε %;
- найти границы, в которых с вероятностью 0,9973 следует ожидать % жира в молоке этой группы коров.

1. $a = 3,9, \sigma = 0,18, \alpha = 3,6, \beta = 4,2, \varepsilon = 1.$
2. $a = 3,8, \sigma = 0,2, \alpha = 3,5, \beta = 4, \varepsilon = 0,5.$
3. $a = 3,7, \sigma = 0,25, \alpha = 3,4, \beta = 3,9, \varepsilon = 1,5.$
4. $a = 4, \sigma = 0,15, \alpha = 3,7, \beta = 4,2, \varepsilon = 0,2.$
5. $a = 3,6, \sigma = 0,1, \alpha = 3,4, \beta = 3,8, \varepsilon = 0,4.$
6. $a = 3,9, \sigma = 0,23, \alpha = 3,9, \beta = 4,1, \varepsilon = 0,25.$

Варианты 7 – 12.

Масса семян некоторого растения есть случайная величина X , распределенная по нормальному закону с математическим ожиданием a и средним квадратическим отклонением σ . Требуется:

- составить уравнение и построить график кривой распределения $f(x)$;
- найти вероятность того, что в результате испытания X примет значение, принадлежащее интервалу $(\alpha; \beta)$;
- найти вероятность того, что масса наудачу взятого семени отличается от математического ожидания не более чем на ε грамм;
- найти границы, в которых с вероятностью 0,9545 следует ожидать массу семян растения этой партии.

7. $a = 20,7, \sigma = 2,8, \alpha = 14, \beta = 20, \varepsilon = 2.$
8. $a = 20,6, \sigma = 2,1, \alpha = 16, \beta = 24, \varepsilon = 1.$
9. $a = 20,5, \sigma = 2,7, \alpha = 15, \beta = 23, \varepsilon = 1,5.$

10. $a = 20,8$, $\sigma = 2,9$, $\alpha = 17$, $\beta = 22$, $\varepsilon = 0,5$.
11. $a = 20,4$, $\sigma = 2,3$, $\alpha = 18$, $\beta = 25$, $\varepsilon = 2,5$.
12. $a = 20,9$, $\sigma = 2,6$, $\alpha = 13$, $\beta = 28$, $\varepsilon = 3$.

Варианты 13 – 18.

Масса выловленной в пруду рыбы есть случайная величина X , распределенная по нормальному закону с математическим ожиданием a и средним квадратическим отклонением σ . Требуется:

- составить уравнение и построить график кривой распределения $f(x)$;
- найти вероятность того, что в результате испытания X примет значение, принадлежащее интервалу $(\alpha; \beta)$;
- найти вероятность того, что масса пойманной рыбы будет отличаться от математического ожидания не более чем на ε грамм;
- найти границы, в которых с вероятностью 0,6826 следует ожидать массу пойманной рыбы.

13. $a = 375$, $\sigma = 25$, $\alpha = 325$, $\beta = 425$, $\varepsilon = 2$.
14. $a = 385$, $\sigma = 24$, $\alpha = 330$, $\beta = 415$, $\varepsilon = 3$.
15. $a = 365$, $\sigma = 23$, $\alpha = 365$, $\beta = 410$, $\varepsilon = 5$.
16. $a = 355$, $\sigma = 22$, $\alpha = 320$, $\beta = 400$, $\varepsilon = 4$.
17. $a = 350$, $\sigma = 26$, $\alpha = 315$, $\beta = 405$, $\varepsilon = 1$.
18. $a = 345$, $\sigma = 21$, $\alpha = 310$, $\beta = 390$, $\varepsilon = 3$.

Варианты 19 – 24.

Диаметр детали в большой партии есть случайная величина X , распределенная по нормальному закону с математическим ожиданием a и средним квадратическим отклонением σ . Требуется:

- составить уравнение и построить график кривой распределения $f(x)$;
- найти вероятность того, что в результате испытания X примет значение, принадлежащее интервалу $(\alpha; \beta)$;
- найти вероятность того, что диаметр взятой наудачу детали из этой партии будет отличаться от математического ожидания не более чем на ε мм;
- найти границы, в которых с вероятностью 0,9973 следует ожидать диаметр взятой наудачу детали.

- 19 $a = 58$, $\sigma = 2,7$, $\alpha = 52$, $\beta = 63$, $\varepsilon = 1$.
- 20 $a = 59$, $\sigma = 2,6$, $\alpha = 54$, $\beta = 62$, $\varepsilon = 2$.
- 21 $a = 57$, $\sigma = 2,5$, $\alpha = 55$, $\beta = 61$, $\varepsilon = 1,5$.
- 22 $a = 56$, $\sigma = 2,4$, $\alpha = 53$, $\beta = 60$, $\varepsilon = 2,5$.
- 23 $a = 55$, $\sigma = 2,8$, $\alpha = 51$, $\beta = 59$, $\varepsilon = 0,5$.
- 24 $a = 54$, $\sigma = 2,3$, $\alpha = 52$, $\beta = 56$, $\varepsilon = 1,5$.

Варианты 25 – 30.

Масса яблока есть случайная величина X , распределенная по нормальному закону с математическим ожиданием a и средним квадратическим отклонением σ . Требуется:

- составить уравнение и построить график кривой распределения $f(x)$;
- найти вероятность того, что в результате испытания X примет значение, принадлежащее интервалу $(\alpha; \beta)$;
- найти вероятность того, что масса яблока будет отличаться от математического ожидания не более чем на ε грамм;
- найти границы, в которых с вероятностью 0,9545 следует ожидать массу яблока.

25 $a = 275, \sigma = 15, \alpha = 225, \beta = 325, \varepsilon = 2.$

26 $a = 285, \sigma = 14, \alpha = 230, \beta = 315, \varepsilon = 3.$

27 $a = 265, \sigma = 13, \alpha = 235, \beta = 310, \varepsilon = 5.$

28 $a = 255, \sigma = 12, \alpha = 220, \beta = 305, \varepsilon = 4.$

29 $a = 250, \sigma = 16, \alpha = 215, \beta = 300, \varepsilon = 1.$

30 $a = 245, \sigma = 11, \alpha = 210, \beta = 295, \varepsilon = 6.$

Задание 15. Даны результаты измерения в сантиметрах случайно выбранных 20 колосков, требуется:

- 1) составить последовательность полученных измерений в возрастающем порядке (ранжированный ряд);
- 2) составить дискретный вариационный ряд с соответствующими частотами и относительными частотами;
- 3) построить полигон относительных частот;
- 4) найти эмпирическую функцию распределения F^* , построить ее график;
- 5) вычислить основные вариационные характеристики выборочной совокупности: среднюю выборочную $\bar{x}_g$, дисперсию D_g , среднее квадратическое отклонение σ_g ;
- 6) определить моду M_o и медиану M_e ;
- 7) построить кумулятивную кривую;
- 8) найти характеристики рассеяния: коэффициент вариации V , размах R ;
- 9) вычислить среднюю квадратическую ошибку выборочной средней $S_{\bar{x}_g}$;
- 10) найти статистические (точечные) оценки параметров распределения;
- 11) найти доверительный интервал для генеральной средней на уровне значимости $\gamma = 0,99$.

1. 4,5; 4,6; 4,8; 4,8; 4,7; 4,7; 4,6; 4,5; 4,4; 4,7; 4,7; 4,8; 4,9; 4,8; 4,7; 4,6; 4,7; 4,9; 4,9; 4,8.

2. 4,7; 4,8; 5,0; 5,1; 4,7; 5,2; 5,1; 5,2; 5,0; 4,9; 4,8; 4,9; 4,8; 5,0; 5,0; 4,9; 5,1; 5,0; 4,9; 5,1.

3. 4,5; 4,7; 5,1; 5,1; 5,3; 4,9; 5,1; 5,3; 5,1; 5,5; 4,7; 4,9; 4,9; 4,7; 4,9; 5,1; 5,1; 5,3; 5,1; 5,5.

4. 4,5; 4,9; 4,7; 5,1; 4,5; 4,6; 4,9; 5,1; 5,1; 5,2; 4,5; 4,7; 4,9; 5,1; 4,6; 4,7; 4,7; 4,9; 5,1; 5,2.

5. 5,1; 5,0; 5,2; 5,3; 4,9; 5,0; 5,2; 5,3; 4,9; 5,1; 5,1; 5,0; 5,2; 4,9; 5,1; 5,0; 5,2; 5,1; 5,1; 5,1.

6. 5,2; 5,0; 5,1; 5,2; 5,4; 5,0; 5,0; 5,2; 5,4; 5,4; 5,1; 5,0; 5,2; 5,2; 5,4; 5,5; 5,1; 5,2; 5,4; 5,5.

7. 5,3; 5,4; 5,2; 5,2; 5,3; 5,4; 5,4; 5,3; 5,6; 5,6; 5,3; 5,2; 5,4; 5,4; 5,3; 5,4; 5,5; 5,4; 5,5; 5,4.
8. 5,4; 5,6; 5,7; 5,5; 5,6; 5,7; 5,6; 5,7; 5,7; 5,8; 5,5; 5,6; 5,7; 5,5; 5,6; 5,7; 5,7; 5,7; 5,8; 5,9.
9. 4,2; 4,4; 4,5; 4,2; 4,3; 4,4; 4,6; 4,5; 4,7; 4,7; 4,3; 4,5; 4,4; 4,3; 4,4; 4,5; 4,5; 4,6; 4,6; 4,7.
10. 4,8; 4,8; 5,0; 5,1; 5,0; 4,8; 4,9; 4,9; 5,0; 5,2; 4,7; 4,9; 4,9; 4,8; 4,9; 5,0; 4,9; 5,1; 5,2; 5,1.
11. 4,2; 4,3; 4,2; 4,1; 4,4; 4,1; 4,4; 4,3; 4,3; 4,4; 4,3; 4,3; 4,4; 4,4; 4,5; 4,4; 4,5; 4,4; 4,5; 4,6.
12. 5,8; 5,7; 5,9; 5,8; 5,8; 5,9; 5,7; 6,0; 5,9; 6,2; 5,9; 5,9; 6,0; 6,0; 6,1; 6,2; 6,1; 6,0; 6,1; 6,2.
13. 5,5; 5,6; 5,6; 5,5; 5,7; 5,5; 5,4; 5,6; 5,7; 5,8; 5,3; 5,5; 5,6; 5,4; 5,4; 5,6; 5,7; 5,7; 5,8; 5,8.
14. 5,0; 4,9; 4,8; 5,0; 4,9; 5,0; 5,1; 5,0; 5,3; 5,2; 4,9; 4,8; 5,1; 5,1; 5,0; 5,2; 5,2; 4,8; 5,1; 5,2.
15. 5,5; 5,6; 5,3; 5,6; 5,2; 5,4; 5,2; 5,5; 5,4; 5,4; 5,5; 5,2; 5,3; 5,6; 5,3; 5,4; 5,4; 5,4; 5,3; 5,4.
16. 5,1; 5,0; 5,1; 4,9; 5,1; 5,1; 5,3; 5,1; 5,3; 4,9; 5,1; 5,3; 5,0; 5,3; 5,4; 5,1; 5,0; 5,4; 5,1; 5,1.
17. 4,5; 4,4; 4,6; 4,5; 4,6; 4,5; 4,7; 4,6; 4,6; 4,7; 4,6; 4,6; 4,7; 4,6; 4,8; 4,7; 4,6; 4,6; 4,7; 4,7.
18. 5,9; 6,0; 5,9; 5,9; 5,8; 5,9; 6,1; 5,8; 5,8; 5,8; 6,0; 5,7; 5,9; 5,8; 5,9; 5,8; 6,0; 5,9; 5,7; 5,8.
19. 6,2; 6,4; 6,1; 6,3; 6,1; 6,3; 6,3; 6,2; 6,4; 6,3; 6,4; 6,2; 6,3; 6,5; 6,2; 6,4; 6,1; 6,4; 6,3; 6,5.
20. 4,4; 4,5; 4,3; 4,4; 4,7; 4,5; 4,4; 4,6; 4,4; 4,5; 4,5; 4,6; 4,7; 4,6; 4,4; 4,6; 4,5; 4,5; 4,7; 4,7.
21. 4,1; 4,2; 4,0; 4,1; 4,3; 4,4; 4,2; 4,3; 4,5; 4,4; 4,3; 4,4; 4,4; 4,2; 4,0; 4,4; 4,1; 4,2; 4,2; 4,5.
22. 6,0; 6,1; 6,2; 6,2; 6,0; 6,3; 5,9; 6,1; 6,2; 6,3; 6,4; 6,3; 6,1; 6,2; 6,4; 6,1; 6,2; 6,4; 6,3; 6,2.
23. 5,1; 4,9; 4,7; 4,8; 4,9; 4,6; 5,0; 4,8; 5,0; 4,8; 5,0; 4,7; 4,9; 4,6; 4,7; 4,8; 4,9; 4,7; 4,6; 4,8.
24. 5,2; 5,4; 5,5; 5,6; 5,3; 5,2; 5,4; 5,1; 5,1; 5,4; 5,3; 5,4; 5,2; 5,3; 5,4; 5,5; 5,3; 5,6; 5,2; 5,4.
25. 6,0; 6,3; 6,1; 6,2; 6,1; 6,1; 5,9; 6,2; 6,0; 6,2; 5,8; 6,2; 6,1; 5,9; 6,2; 6,0; 6,3; 6,1; 6,3; 6,1.
26. 5,7; 5,5; 5,8; 5,6; 6,0; 5,7; 5,8; 5,9; 5,7; 5,6; 5,8; 5,8; 5,7; 5,5; 5,9; 5,6; 5,7; 5,5; 5,8; 5,7.
27. 5,0; 4,7; 4,7; 4,8; 4,8; 4,9; 4,8; 4,8; 4,9; 4,8; 4,9; 4,7; 4,7; 4,7; 4,7; 4,6; 4,6; 4,5; 4,6; 4,5.
28. 5,1; 4,9; 4,7; 4,8; 4,9; 5,1; 5,0; 4,8; 5,0; 4,8; 5,0; 4,7; 4,9; 4,6; 4,7; 4,8; 4,9; 4,7; 5,2; 4,8.
29. 4,6; 4,5; 4,8; 4,7; 4,8; 4,7; 4,6; 4,5; 4,4; 4,7; 4,7; 4,8; 4,9; 4,8; 4,7; 4,6; 4,7; 4,9; 4,8; 4,9.
30. 4,8; 4,7; 5,1; 5,0; 4,7; 5,2; 5,1; 5,2; 5,0; 4,9; 4,8; 4,9; 4,8; 5,0; 5,0; 4,9; 5,1; 5,1; 4,9; 5,0.

Задание 16. В результате испытания случайная величина X приняла ряд значений, требуется:

- 1) составить интервальный ряд;
- 2) построить гистограмму плотности относительных частот;
- 3) вычислить среднюю выборочную $\bar{x}_e$, дисперсию D_e , среднее квадратическое отклонение σ_e выборочной совокупности;
- 4) вычислить моду M_o , медиану M_e и коэффициент вариации V ;
- 5) вычислить статистические оценки: S^2 – исправленная дисперсия и S – исправленное среднее квадратическое отклонение;
- 6) с надежностью 0,9 указать доверительный интервал для генеральной средней.

1.	5,3	6,3	5,2	5,1	4,8	6,4	6,0	5,7	5,3	4,6
	6,7	4,8	6,1	6,8	6,5	5,6	5,5	5,0	6,2	6,3
	4,8	4,8	5,5	5,7	5,2	6,4	6,0	6,0	5,5	5,2

	4,9	5,0	6,3	6,2	4,7	4,8	6,2	6,3	6,7	6,8
	5,9	5,8	5,4	5,7	5,6	5,0	4,9	6,2	6,0	6,1
2.	6,1	6,0	5,7	5,3	4,6	6,5	5,6	5,0	5,3	4,8
	5,4	5,2	4,2	4,3	4,9	5,0	5,6	4,4	5,7	5,9
	6,3	6,0	6,2	5,9	4,5	4,6	5,0	6,1	5,9	4,9
	5,5	4,8	4,9	5,5	5,0	6,2	5,5	6,3	6,0	6,2
	6,4	6,4	5,0	5,1	5,2	5,3	5,4	6,2	4,8	4,9
3.	5,5	6,0	5,7	5,4	4,9	4,6	6,4	6,2	5,1	5,5
	5,2	4,8	4,9	6,3	6,5	6,2	4,8	4,9	5,0	6,4
	6,2	5,9	5,0	4,8	6,4	6,5	6,2	5,7	5,7	5,0
	4,8	4,9	5,5	5,9	6,0	6,2	6,0	5,8	5,3	4,9
	5,2	5,4	6,0	4,9	5,3	5,4	5,9	5,9	5,6	4,8
4.	3,7	3,8	4,2	5,2	5,0	4,8	4,7	4,3	4,2	3,5
	4,0	4,2	3,9	4,4	4,5	3,8	4,7	5,2	5,4	6,0
	3,9	4,1	4,3	5,1	5,3	5,5	4,2	4,3	4,4	6,0
	3,8	4,2	3,9	4,3	5,0	5,0	5,2	5,1	4,9	4,8
	4,1	4,2	4,5	5,5	6,0	5,7	4,9	4,2	4,4	4,4
5.	6,5	4,0	5,9	4,7	4,6	5,8	5,2	5,6	5,0	6,0
	6,4	4,7	4,8	4,8	5,6	6,2	6,2	5,6	4,0	4,4
	4,9	5,7	4,2	4,3	4,2	6,0	6,1	5,9	5,8	5,9
	5,6	5,5	4,5	4,7	6,1	5,3	5,5	4,9	4,7	6,0
	5,8	5,3	4,1	5,7	4,8	5,2	5,0	5,0	6,3	4,8
6.	5,5	6,0	5,7	6,0	6,7	5,8	5,7	5,2	6,5	6,1
	5,1	5,5	5,4	4,7	6,1	4,6	5,3	5,5	4,7	5,3
	4,9	6,2	5,3	4,8	6,6	4,2	4,0	4,8	5,0	5,1
	4,5	5,3	4,1	5,7	4,1	5,5	6,6	6,5	6,3	6,0
	5,9	5,3	4,9	5,0	5,2	6,0	4,8	4,9	6,2	6,6
7.	5,6	5,8	5,2	4,9	5,6	5,1	5,5	5,2	5,4	4,2
	6,2	6,0	4,1	4,0	5,7	5,0	5,4	4,9	4,0	4,2
	5,5	6,1	5,7	6,7	7,1	7,0	4,2	4,5	6,0	6,5
	6,7	6,0	5,3	5,4	5,0	4,9	5,6	5,2	5,3	6,2
	5,4	5,8	5,2	4,8	5,7	5,8	6,0	5,5	4,7	5,0
8.	2,5	2,0	4,7	3,3	3,5	2,8	2,7	3,0	4,2	4,1
	2,6	2,9	3,1	3,0	4,0	2,9	3,3	4,1	3,9	4,8
	5,0	4,9	3,9	3,7	3,5	2,7	2,6	5,0	4,7	4,5
	4,3	4,2	3,8	3,6	3,7	2,9	2,5	5,0	5,1	5,5
	5,6	4,7	4,6	5,0	3,9	3,0	3,1	3,2	3,5	4,0
9.	6,6	3,6	5,0	4,9	4,8	4,7	3,5	3,2	3,7	4,0
	5,3	4,9	4,7	3,9	3,9	4,1	4,9	4,5	4,7	3,9
	4,2	4,3	4,4	4,2	4,2	3,9	4,5	4,7	4,3	4,0
	3,7	3,9	4,2	4,5	5,0	5,7	5,9	6,0	6,1	6,1
	6,5	6,0	6,4	5,7	4,9	4,9	4,8	4,7	4,6	4,0
10.	2,6	3,3	5,0	3,5	2,8	3,7	3,9	4,0	5,0	3,9
	3,1	5,2	5,1	4,9	3,9	3,5	3,6	4,1	5,7	6,1
	2,7	3,4	3,7	3,9	4,1	4,3	4,3	4,0	5,0	5,0
	3,5	3,7	2,6	2,9	3,2	4,5	4,0	4,1	5,3	3,9
	3,4	3,6	3,0	3,9	3,8	3,7	3,5	4,0	4,1	4,2
11.	6,0	9,6	7,2	7,7	6,5	6,1	8,3	8,0	7,9	6,9
	6,5	5,9	7,3	7,0	6,9	7,1	7,9	8,2	7,8	7,7
	6,2	6,5	6,9	7,2	7,5	7,2	7,0	6,9	7,9	8,0
	8,2	8,5	8,1	7,8	6,0	7,7	6,9	7,1	7,2	8,9
	7,9	7,8	8,0	8,1	8,2	8,2	7,8	7,9	7,5	6,8

12.	6,2	5,9	3,8	5,1	5,7	5,8	4,3	6,6	4,8	5,7
	4,7	6,3	6,3	7,1	5,6	6,2	6,4	5,8	5,2	6,5
	4,8	6,2	4,7	6,3	7,1	5,6	6,2	6,0	6,0	6,0
	5,5	6,3	5,9	6,3	6,5	6,7	5,3	5,6	5,0	5,6
	6,2	5,0	5,4	5,3	4,9	4,8	4,7	5,3	5,2	5,4
13.	6,2	5,3	5,0	4,5	4,4	6,5	5,6	6,0	5,0	5,6
	6,0	5,0	4,8	6,3	5,6	6,1	4,3	6,1	5,9	4,5
	4,7	5,1	4,8	4,9	5,5	5,7	6,6	5,4	5,5	5,7
	5,6	6,0	5,7	5,4	5,0	5,6	5,7	5,3	5,4	5,6
	5,4	5,5	5,3	5,0	4,9	4,5	4,0	4,9	4,8	5,5
14.	6,2	5,3	5,0	4,4	6,5	6,2	5,8	6,1	5,6	4,1
	5,6	4,8	5,6	5,2	4,5	5,4	5,8	6,0	5,0	5,2
	6,3	6,0	5,7	5,3	5,4	5,2	5,9	5,0	4,5	5,7
	5,8	5,6	6,6	6,4	5,7	5,8	6,0	5,3	4,9	4,8
	5,1	5,0	5,5	4,4	4,9	4,8	4,9	5,5	5,6	5,7
15.	6,5	4,0	5,9	4,7	4,6	5,8	5,2	5,6	5,0	6,0
	4,2	4,9	6,4	5,3	5,4	3,6	5,8	5,5	4,1	5,7
	4,8	5,3	5,0	6,2	6,0	4,6	4,8	4,7	4,9	5,3
	4,9	5,5	5,6	5,1	5,0	5,2	5,8	4,8	5,3	4,7
	4,9	5,8	4,7	4,6	4,9	4,6	5,7	4,8	4,9	5,3
16.	6,0	5,7	5,2	4,8	5,0	5,2	5,4	5,0	6,6	7,0
	7,6	5,9	6,1	6,0	5,5	5,3	5,4	5,3	6,0	6,2
	7,8	4,9	5,4	5,9	6,4	6,9	5,7	5,9	5,2	5,0
	6,4	6,3	6,0	7,5	7,0	7,2	5,9	5,8	5,5	5,9
	6,2	6,7	5,8	7,1	6,4	6,5	6,6	6,0	5,9	6,3
17.	9,7	5,0	6,6	8,2	6,7	6,8	7,0	7,2	7,3	8,5
	9,0	9,2	9,3	5,9	6,9	6,0	7,7	5,9	7,8	8,0
	8,0	7,9	8,2	8,3	6,0	6,2	6,8	7,5	8,1	8,2
	8,8	9,3	9,0	9,2	8,9	8,8	6,9	7,5	7,7	7,9
	7,9	6,9	8,5	8,6	8,7	8,0	8,0	7,8	7,6	7,0
18.	8,9	6,3	6,4	7,2	6,0	9,9	6,9	6,5	7,6	7,8
	8,8	7,5	7,0	7,9	6,5	6,8	8,0	7,5	7,7	8,1
	9,0	9,0	8,8	8,7	7,5	7,6	7,8	6,9	6,9	6,9
	7,5	7,6	6,9	7,5	8,2	8,8	9,9	10,0	7,7	6,8
	7,1	7,0	7,0	8,2	8,0	6,9	7,9	8,5	7,8	7,5
19.	8,0	5,2	5,5	8,9	9,0	7,5	7,7	8,2	8,0	7,9
	7,7	6,9	6,8	6,5	6,2	7,8	7,9	8,5	8,2	7,7
	8,2	8,5	8,9	6,5	7,2	7,5	7,8	8,3	7,0	7,0
	7,5	7,3	6,9	5,0	5,9	6,5	7,0	6,9	6,8	6,8
	6,7	6,5	7,5	7,9	8,0	6,6	6,6	6,7	7,0	7,2
20.	5,5	4,0	7,5	8,5	7,5	7,0	6,5	6,7	6,9	7,1
	6,2	6,1	6,2	7,0	5,9	7,7	8,0	7,9	8,2	7,0
	5,9	6,5	6,6	7,1	6,2	6,7	6,9	7,2	7,2	6,5
	7,2	7,0	7,5	7,0	6,6	6,5	6,6	7,1	7,3	6,3
	5,9	4,4	5,0	6,0	6,0	7,0	7,0	8,6	8,2	8,0
21.	6,5	4,0	5,9	7,4	6,0	7,5	8,5	5,6	4,5	5,0
	6,2	5,4	5,3	5,2	4,9	8,2	8,2	7,2	7,7	5,5
	7,0	5,3	6,5	6,4	6,3	6,2	6,9	6,6	7,0	5,0
	4,4	4,9	6,6	4,9	5,8	6,2	6,9	6,8	5,5	7,7
	7,9	8,0	7,5	6,6	6,5	6,4	5,0	5,5	6,0	6,0
22.	5,5	6,0	5,7	6,0	6,7	3,7	6,4	5,3	6,7	5,4
	5,8	5,7	6,5	5,2	6,1	6,0	5,8	6,8	5,8	5,1
	5,4	5,5	5,4	4,7	4,9	6,1	4,6	5,2	5,6	5,4

	4,3	4,6	5,3	4,8	5,2	5,0	6,0	5,9	4,3	5,5
	4,7	5,2	5,5	5,6	6,2	5,9	5,8	5,0	4,7	4,8
23.	6,5	4,0	5,9	4,7	4,6	5,8	5,2	5,6	5,0	6,0
	6,6	6,8	4,9	5,5	5,6	5,1	5,0	5,2	5,8	4,8
	5,3	4,4	5,0	4,7	4,6	4,9	5,7	4,6	4,8	5,0
	4,8	6,4	4,2	4,9	6,4	5,3	5,4	3,5	4,9	5,2
	5,1	6,2	4,7	4,9	5,6	5,0	4,7	3,9	4,0	4,0
24.	4,6	5,0	4,5	4,7	4,6	5,0	6,0	6,2	6,4	4,8
	4,9	4,7	4,5	4,9	5,1	6,4	5,9	5,8	5,0	6,4
	4,8	4,4	5,6	5,5	4,7	4,8	5,0	6,2	6,1	6,3
	4,5	6,2	6,0	4,8	4,9	6,0	6,4	6,2	5,8	5,9
	4,9	5,2	5,1	4,5	5,1	5,0	5,5	5,6	6,0	6,4
25.	4,5	5,2	5,0	4,8	5,5	4,9	5,3	6,2	6,6	6,8
	5,3	6,3	6,2	4,9	4,8	4,6	4,5	4,9	5,4	6,0
	4,6	4,8	6,1	5,5	4,7	4,5	5,0	4,9	5,6	5,8
	5,7	5,8	6,0	5,8	6,3	5,9	5,7	5,6	5,5	5,4
	4,7	4,9	5,9	4,7	4,5	5,3	5,8	6,1	6,0	6,0
26.	4,7	5,0	4,9	5,0	4,7	5,1	6,7	6,6	5,2	5,1
	4,9	5,1	6,6	6,5	5,3	5,4	5,7	5,3	6,3	5,8
	5,0	5,2	6,5	5,5	6,4	5,6	6,1	6,3	5,9	5,9
	5,1	5,3	6,3	5,8	5,9	6,0	4,8	5,8	5,2	5,4
	5,2	5,4	5,5	5,8	6,0	6,0	5,2	5,3	6,4	5,7
27.	3,8	6,5	6,4	6,8	5,5	6,1	5,8	6,9	5,9	5,5
	4,7	5,2	5,7	5,4	4,4	5,3	5,2	5,2	5,6	5,2
	5,9	6,0	5,1	5,9	6,0	4,4	5,6	4,8	5,3	5,0
	4,6	4,9	5,5	6,4	5,9	6,0	6,5	5,3	6,2	4,3
	6,4	6,0	5,2	5,3	5,6	5,8	5,7	5,2	5,4	5,9
28.	7,2	6,3	6,5	5,0	5,5	7,0	7,9	8,0	5,9	4,2
	4,5	4,1	5,9	6,4	6,9	7,5	7,8	8,2	5,5	6,1
	6,0	7,1	7,2	6,8	6,5	7,2	5,8	6,0	6,2	5,6
	5,5	5,2	5,9	7,0	6,3	6,0	7,5	7,7	6,6	6,7
	5,0	4,8	4,9	5,5	5,2	6,3	7,0	7,2	7,7	8,2
29.	7,7	9,0	4,5	5,6	5,9	6,0	8,2	7,5	7,0	7,2
	5,0	6,1	6,0	5,3	5,7	7,2	8,0	8,5	7,1	7,6
	5,5	6,1	7,2	8,2	8,9	7,3	7,4	8,0	7,3	7,2
	7,1	5,0	5,2	5,0	4,4	6,2	6,5	6,0	6,4	6,9
	7,4	5,9	6,2	5,2	6,6	6,8	6,7	6,2	6,0	5,9
30.	9,0	5,5	4,0	6,2	6,4	5,0	4,3	5,7	5,9	6,5
	8,2	7,9	8,1	7,5	6,5	7,2	7,0	6,5	5,8	4,2
	8,1	7,8	7,6	7,3	6,9	6,3	7,0	6,0	6,0	5,9
	7,1	7,2	6,9	6,0	5,8	6,3	6,4	6,6	6,9	5,9
	7,0	8,8	8,2	8,1	7,5	7,4	7,0	6,9	6,8	5,2

Задание 17. В Агроном, изучая зависимость урожайности Y зерновых культур от количества удобрений X , внесенных на 1 гектар пашни, получил ряд данных, требуется: 1) найти уравнение прямой линии регрессии и построить графики эмпирической (корреляционное поле) и теоретической линии регрессии; 2) найти коэффициент корреляции и сделать вывод о тесноте и направлении линейной корреляции между признаками; 3) определить с вероятностью 0,99 в каких границах будет находиться значение коэффициента корреляции; 4) проверить гипотезу о существенности связи между X и Y при уровне значимости $\alpha = 0,05$.

1.	X	3,5	5,0	6,2	10,5	13,0	4,0	7,5	8,5	6,0	12,5
	Y	16,4	15,2	14,6	20,8	26,6	12,7	15,5	17,0	14,2	25,9
2.	X	3,7	5,2	6,7	10,7	13,2	4,2	7,7	8,7	6,2	12,7
	Y	17,0	15,5	15,0	21,4	26,9	13,1	16,0	17,6	14,8	26,5

3.	X	2,5	4,0	5,5	9,5	12,0	3,0	6,5	7,5	5,0	11,5
	Y	14,4	13,2	12,6	18,8	24,6	10,7	13,5	15,0	12,2	23,9
4.	X	4,0	5,5	7,0	11,0	13,5	4,5	8,0	9,0	6,5	13,0
	Y	17,4	16,2	15,6	21,8	27,6	13,7	16,5	18,0	15,2	26,9
5.	X	3,0	4,1	5,6	7,1	11,1	13,6	5,1	8,1	6,1	12,5
	Y	16,0	17,1	16,0	15,1	21,0	27,0	13,1	16,0	14,2	25,2
6.	X	3,3	4,8	6,3	10,3	12,8	3,8	7,3	8,3	5,8	12,3
	Y	16,2	15,0	14,4	20,6	26,4	12,5	15,3	16,8	14,0	25,5
7.	X	3,2	4,7	6,2	10,2	12,8	3,8	7,3	8,3	5,8	12,2
	Y	16,2	14,9	14,3	20,5	26,3	12,4	15,2	16,7	14,1	25,1
8.	X	4,5	5,0	6,5	10,0	12,0	5,0	7,5	8,5	6,0	12,0
	Y	16,0	15,5	14,0	21,3	25,5	12,5	15,0	17,0	14,5	23,3
9.	X	4,1	6,0	6,5	9,7	13,0	5,5	7,5	8,3	6,2	12,0
	Y	15,5	12,0	15,5	20,5	25,3	13,0	16,0	17,5	14,2	23,1
10.	X	3,8	5,2	7,3	9,7	10,0	7,5	5,7	8,3	10,5	12,5
	Y	17,5	15,0	13,0	21,4	25,0	13,3	15,5	18,0	14,8	25,0
11.	X	4,1	5,6	7,1	11,1	13,6	5,1	8,1	9,1	6,6	13,1
	Y	17,1	16,0	15,1	21,0	27,0	13,1	16,0	18,1	15,2	24,0
12.	X	4,5	6,0	7,5	11,5	14,0	5,5	8,5	9,6	7,0	13,5
	Y	17,5	16,4	15,5	21,4	26,4	13,5	16,4	18,6	15,2	23,5
13.	X	3,8	5,2	6,5	10,8	13,1	5,0	7,1	9,1	5,3	12,5
	Y	15,2	14,0	15,4	21,6	25,3	13,5	17,4	13,4	15,2	25,0
14.	X	3,2	4,8	6,5	10,2	13,2	5,1	7,5	8,3	6,0	12,0
	Y	16,3	15,2	14,5	21,0	26,5	12,5	15,5	17,2	13,2	25,0
15.	X	3,6	5,2	6,6	10,6	12,4	5,2	7,5	8,2	6,0	12,5
	Y	17,2	15,0	15,5	20,4	25,5	13,4	15,0	17,0	15,2	25,3
16.	X	4,1	4,8	6,8	10,3	12,2	4,0	8,5	9,0	7,5	13,0
	Y	15,9	16,0	15,3	19,5	25,1	13,2	15,3	16,5	17,2	28,2
17.	X	3,7	4,5	7,5	11,0	12,0	5,7	8,1	8,5	6,2	10,5
	Y	18,0	15,6	15,0	23,0	26,3	15,2	17,5	16,0	15,2	25,3
18.	X	5,1	6,3	6,7	9,5	12,3	8,0	6,5	6,7	8,5	12,0
	Y	15,8	16,2	16,0	20,8	25,5	13,5	18,5	15,0	13,2	22,0
19.	X	3,8	5,3	6,8	10,8	13,0	5,0	7,5	9,5	6,3	12,5
	Y	14,5	18,2	15,6	20,5	26,0	12,5	15,3	17,8	15,0	24,5
20.	X	4,9	5,0	6,3	10,3	12,5	5,3	7,0	8,7	6,0	11,0
	Y	16,4	16,9	14,5	21,0	25,5	13,0	16,0	18,1	14,8	23,3
21.	X	4,0	5,6	7,4	11,2	13,8	4,6	8,2	9,8	6,5	13,0
	Y	17,5	18,2	13,2	21,8	27,1	13,5	16,7	18,0	15,2	26,1
22.	X	3,0	5,0	6,5	10,3	13,0	4,5	7,8	8,7	6,3	12,5
	Y	16,0	15,3	14,8	14,9	20,8	25,1	12,8	15,5	17,0	14,2
23.	X	2,8	4,0	3,5	9,5	12,5	3,0	7,5	8,5	6,0	11,5
	Y	14,0	13,3	12,5	19,0	24,6	10,3	13,5	15,0	12,2	54,0
24.	X	5,3	6,6	10,0	13,5	5,0	7,7	8,3	7,4	12,5	10,5
	Y	10,5	16,0	21,4	26,9	23,5	18,0	17,6	14,5	26,0	15,6
25.	X	4,1	5,2	6,1	7,0	7,2	6,2	8,0	8,2	4,2	5,0
	Y	35,0	41,2	45,0	48,1	49,0	47,2	45,1	46,2	36,0	38,0
26.	X	3,2	4,0	4,8	5,1	5,5	6,2	6,9	8,0	8,7	9,0
	Y	18,2	21,2	25,0	28,3	30,1	32,4	35,2	36,0	40,6	46,0
27.	X	3,2	4,2	4,6	5,0	5,4	6,0	7,1	8,2	9,1	9,7
	Y	20,0	20,5	23,5	24,1	27,2	29,1	32,4	33,1	36,1	51,2

28	X	3,1	3,5	3,8	4,0	4,5	5,1	6,0	7,0	7,4	8,0
	Y	14,2	18,5	20,9	22,1	24,5	24,8	28,1	29,0	33,5	39,0
29	X	4,1	4,3	5,2	6,0	7,2	8,2	8,5	9,4	9,5	10,0
	Y	19,0	22,1	26,3	28,0	30,2	35,0	40,1	48,6	50,1	52,2
30	X	3,2	4,1	4,3	5,4	6,2	6,5	7,2	8,2	8,3	9,2
	Y	18,4	20,2	22,5	24,1	29,2	30,5	33,1	36,5	38,1	50,1

ШКАЛА И КРИТЕРИИ ОЦЕНИВАНИЯ

– оценка «зачтено» выставляется, если решение заданий оформлено грамотно, в частности методы решения, формы его записи и формы записи ответа могут быть разными. Обоснованно получен верный ответ или получен неверный ответ из-за негрубой ошибки, но при этом имеется верная последовательность всех шагов решения или допущена единичная ошибка, возможно, приведшая к неверному ответу, но при этом имеется верная последовательность всех шагов решения.

- оценка «не зачтено» выставляется, если решение заданий оформлено неграмотно, получен неверный ответ из-за неверной последовательности всех шагов решения, или решено самостоятельно.

3.1.2. ВОПРОСЫ

для проведения входного контроля

1. Вычислить $\left(0,7 + \frac{2}{5}\right)^{\lg 20 - \lg 2}$.
2. Решить неравенство $|x + 3| < 4$.
3. Решить графически систему уравнений $\begin{cases} 5x - 2y = 9 \\ x + y = 6 \end{cases}$.
4. При сортировке зерна из 1750 кг в отходы ушло 105 кг. Какой процент зерна остался?
5. Решите уравнение $\frac{4}{2+x} = -\frac{3}{x}$.

ШКАЛА И КРИТЕРИИ ОЦЕНИВАНИЯ

ответов на вопросы входного контроля

- Оценка «отлично», если количество правильных ответов от 81-100%.
- Оценка «хорошо», если количество правильных ответов от 71-80%.
- Оценка «удовлетворительно», если количество правильных ответов от 61-70%.
- Оценка «неудовлетворительно», если количество правильных ответов менее 60%.

3.1.3 Средства для текущего контроля

ВОПРОСЫ

для самостоятельного изучения темы

«Частные производные. Градиент.»

1. Функции двух переменных.
2. Частные производные первого порядка и их геометрическое истолкование.
3. Частные производные высших порядков.
4. Касательная плоскость и нормаль к поверхности.
5. Производная по направлению.
6. Геометрический смысл производной по направлению
7. Градиент.
8. Касательная плоскость и нормаль к поверхности

ВОПРОСЫ

для самостоятельного изучения темы

«Метод наименьших квадратов.»

1. Определение параметров линейной зависимости методом наименьших квадратов.

ВОПРОСЫ

для самостоятельного изучения темы

«Криволинейная корреляция»

- 1) Уравнение регрессии в форме параболы 2-го порядка
- 2) Нормальные уравнения метода наименьших квадратов для параболы 2-го порядка.

Общий алгоритм самостоятельного изучения темы

- 1) Ознакомиться с рекомендованной учебной литературой и электронными ресурсами по теме (ориентируясь на вопросы для самоконтроля).
- 2) На этой основе составить развёрнутый план изложения темы.
- 3) Провести самоконтроль освоения темы по вопросам, выданным преподавателем.
- 4) Подготовиться к предусмотренному контрольно-оценочному мероприятию по результатам самостоятельного изучения темы.
- 5) Принять участие в указанном мероприятии, ответить на вопросы на аудиторном занятии.

ШКАЛА И КРИТЕРИИ ОЦЕНИВАНИЯ самостоятельного изучения темы

- «**зачтено**» выставляется, если обучающийся на основе изученного материала, смог всесторонне раскрыть теоретическое содержание темы, способен применить полученные знания при решении практических задач;
- «**не зачтено**» выставляется, если обучающийся на основе самостоятельно изученного материала, не смог всесторонне раскрыть теоретическое содержание темы, не способен применить полученные знания при решении практических задач.

ВОПРОСЫ для самоподготовки к практическим занятиям

В процессе подготовки к практическому занятию обучающийся изучает представленные ниже вопросы по темам. На занятии обучающийся демонстрирует свои знания по изученным вопросам в форме устного ответа.

При изучении конкретного раздела дисциплины, из числа вынесенных на лекционные и практические занятия, обучающемуся следует учитывать изложенные ниже рекомендации. Обратите на них особое внимание при подготовке к аттестации.

Работа по теме прежде всего предполагает ее изучение по учебнику или пособию. Необходимо вырабатывать самостоятельные суждения, дополняя их аргументацией, что и следует демонстрировать на семинарах. Для выработки самостоятельного суждения важным является умение работать с научной литературой.

Раздел 1 Линейная алгебра и аналитическая геометрия

Краткое содержание

Матрицы и действия над ними. Определители. Свойства определителей. Обратная матрица. Системы линейных уравнений. Решение систем линейных алгебраических уравнений по правилу Крамера. Решение матричных уравнений с помощью обратной матрицы. Метод Гаусса решения систем линейных уравнений. Исследование систем уравнений.

Векторы. Линейные операции над векторами. Проекция на ось. Декартовы координаты векторов и точек. Скалярное произведение векторов, его основные свойства, координатное выражение. Векторное и смешанное произведение векторов, их основные свойства и геометрический смысл.

Прямая на плоскости. Различные формы уравнений прямой на плоскости. Расстояние от точки до прямой. Угол между прямыми.

Кривые второго порядка: окружность, эллипс, гипербола, парабола.

Вопросы для самоконтроля по разделу:

1. Что называется матрицей?
2. Какие матрицы называются прямоугольными? квадратными? диагональными? треугольными?
3. Что называется суммой двух матриц?
4. Что называется произведением двух матриц?
5. Что называется определителем 2-го порядка? 3-го порядка?
6. Всякая ли матрица имеет определитель?

7. Что называется минором и алгебраическим дополнением какого-либо элемента определителя?
8. Какая матрица называется транспонированной?
9. Как найти обратную матрицу? Всякая ли матрица имеет обратную?
10. Какой вид имеют формулы Крамера?
11. Приведите алгоритм решения системы линейных уравнений матричным способом?
12. В чем заключается метод Гаусса для решения систем линейных уравнений?
13. Какой вид имеет уравнение прямой с угловым коэффициентом?
14. Что называется угловым коэффициентом прямой?
15. Как записывается уравнение прямой, заданной точкой и угловым коэффициентом?
16. Как записывается уравнение прямой, проходящей через данную точку перпендикулярно данному вектору? Какой вектор называется нормальным вектором прямой?
17. Как записывается уравнение прямой, проходящей через данную точку параллельно данному вектору? Какой вектор называется направляющим для прямой?
18. Как записывается общее уравнение прямой и как оно исследуется?
19. Как вычислить угол между двумя данными прямыми?
20. Какой вид имеют условия параллельности и перпендикулярности прямых, заданных общими уравнениями?
21. Как найти точку пересечения двух данных прямых?
22. Как найти расстояние от точки до прямой?
23. Как найти уравнение прямой, проходящей через две точки?
24. Что называется окружностью?
25. Какой вид имеет окружность с центром в начале координат? с центром в любой точке плоскости?
26. Что называется эллипсом?
27. Что называется гиперболой?
28. Что называется параболой?
29. Как выглядят: а) канонические уравнения кривых (эллипса, гиперболы, параболы)? б) уравнения кривых с центром в любой точке плоскости?
30. Как называются полуоси эллипса? гиперболы?
31. Что называется эксцентриситетом эллипса? гиперболы?

Раздел 2

Математический анализ

Краткое содержание

Функция. Область ее определения. Сложные и обратные функции. График функции. Основные элементарные функции, их свойства и графики.

Числовые последовательности. Предел числовой последовательности. Арифметические свойства пределов. Предел функции в точке и на бесконечности. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Свойства предела функции. Односторонние пределы. Пределы монотонных функций. Замечательные пределы. Непрерывность функции в точке. Локальные свойства непрерывных функций. Непрерывность сложной и обратной функций. Непрерывность элементарных функций. Односторонняя непрерывность. Точки разрыва, их классификация. Свойства функций, непрерывных на отрезке: ограниченность, существование наибольшего и наименьшего значений, промежуточные значения.

Понятие функции, дифференцируемой в точке. Дифференциал функции, его геометрический смысл. Производная функции, ее смысл в различных задачах. Правила нахождения производной и дифференциала. Производная сложной и обратной функций. Производные и дифференциалы высших порядков. Условия монотонности функции. Экстремум функции, необходимое условие. Достаточные условия. Отыскание наибольшего и наименьшего значений функции, дифференцируемой на отрезке. Исследование выпуклости функции. Точки перегиба. Асимптоты функций. Общая схема исследования функции и построения ее графика.

Вопросы для самоконтроля по разделу:

1. Что называется числовой последовательностью?
2. Что называется пределом числовой последовательности?
3. Сформулируйте основные теоремы о пределах функций.
4. Какая переменная величина называется бесконечно малой? бесконечно большой? Какая зависимость между ними?
5. Сформулируйте первый замечательный предел.
6. Сформулируйте и напишите второй замечательный предел.

7. Что называется левосторонним пределом функции в данной точке? правосторонним пределом функции в данной точке?
8. Дайте определение непрерывности функции в точке.
9. Какая точка называется точкой разрыва функции?
10. Что называется разрывом первого рода? второго рода?
11. Что называется скачком функции в точке?
12. Что называется производной функции?
13. Каков геометрический, физический смысл производной?
14. Чему равна производная от постоянной величины? от аргумента?
15. Сформулируйте правила дифференцирования суммы, произведения и частного двух функций.
16. Сформулируйте правило дифференцирования сложной функции.
17. Приведите формулы дифференцирования основных элементарных функций.
18. Что называется дифференциалом функции, и каков его геометрический смысл?
19. Как найти производную второго, третьего, n -го порядков?
20. Какая функция называется возрастающей? убывающей?
21. Сформулируйте необходимые, достаточные признаки возрастания, убывания функции.
22. Какие точки называются стационарными?
23. Назовите достаточные признаки экстремума функции.
24. Какая кривая называется выпуклой? вогнутой?
25. Какая точка называется точкой перегиба графика функции?
26. Сформулируйте достаточный признак существования точки перегиба кривой.
27. Что называется асимптотой кривой?
28. Назовите схему исследования функции и построения ее графика.

Раздел 3 Интегральное исчисление

Краткое содержание

Первообразная. Неопределенный интеграл и его свойства. Табличные интегралы. Замена переменной и интегрирование по частям в неопределенном интеграле.

Определенный интеграл, его свойства. Формула Ньютона-Лейбница, ее применение для вычисления определенных интегралов. Геометрические и механические приложения определенного интеграла. Несобственные интегралы с бесконечными пределами и от неограниченных функций, их основные свойства.

Вопросы для самоконтроля по разделу:

1. Дайте определение первообразной функции.
2. Что называется неопределенным интегралом от данной функции?
3. Сформулируйте основные свойства неопределенного интеграла.
4. Укажите основные методы интегрирования
5. Напишите таблицу основных интегралов.
6. Что называется определенным от данной функции на данном отрезке?
7. Каков геометрический смысл определенного интеграла?
8. Напишите формулу Ньютона-Лейбница?
9. Какие интегралы называются несобственными? Как они вычисляются?
10. В каком случае несобственный интеграл называется сходящимся? расходящимся?
11. Как вычисляется площадь плоской фигуры в прямоугольной системе координат?
12. Как вычислить объем тела, вращающегося вокруг оси Ox ? оси Oy ?

Раздел 4 Теория вероятностей с элементами математической статистики

Краткое содержание

Испытания и события. Виды случайных событий. Вероятность. Теорема сложения вероятностей несовместных событий. Полная группа событий. Противоположные события. Произведение событий. Условная вероятность. Теорема умножения вероятностей. Независимые события. Теорема умножения для независимых событий. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Повторение испытаний. Схема Бернулли. Формула Бернулли. Локальная теорема Муавра-Лапласа. Интегральная теорема Муавра-Лапласа. Формула Пуассона.

Случайные величины. Дискретные случайные величины. Функция распределения и ее свойства. Математическое ожидание и дисперсия дискретной случайной величины. Непрерывные случайные величины. Функция распределения, плотность вероятности случайной величины, их взаимосвязь и свойства. Математическое ожидание и дисперсия непрерывной случайной величины.

Биномиальное распределение. Распределение Пуассона. Показательное распределение. Нормальное распределение. Нормальная кривая. Влияние параметров распределения на форму нормальной кривой. Вероятность попадания в заданный интервал нормальной случайной величины. Вычисление вероятности заданного отклонения. Правило трех сигм.

Генеральная и выборочная совокупности. Повторная и бесповторная выборки. Репрезентативная выборка Вариационный ряд. Полигон и гистограмма. Эмпирическая функция распределения.

Статистические оценки параметров распределения. Несмещенные, эффективные, состоятельные оценки. Генеральная средняя. Выборочная средняя. Генеральная дисперсия. Выборочная дисперсия. Точность оценки. Доверительная вероятность и доверительный интервал.

Статистическая гипотеза. Нулевая и конкурирующая, простая и сложная гипотезы. Ошибки первого и второго рода. Статистический критерий проверки нулевой гипотезы. Наблюдаемое значение критерия. Критическая область. Область принятия гипотезы. Критические точки. Проверка гипотезы о нормальном распределении генеральной совокупности. Критерий согласия Пирсона.

Понятие корреляционной зависимости. Корреляционная таблица. Уравнение регрессии. Линейная корреляция. Определение параметров линейной зависимости методом наименьших квадратов. Коэффициент корреляции и его свойства.

Вопросы для самоконтроля по разделу:

1. Что называется событием? Приведите примеры событий.
2. Какие события называются достоверными, невозможными, случайными? Приведите примеры этих событий.
3. Какие события называются элементарными?
4. Сформулируйте классическое определение вероятности события. Укажите возможные границы вероятности.
5. Что такое относительная частота появления события?
6. В чем состоит различие между вероятностью и относительной частотой?
7. Какие события называются несовместными, совместными? Приведите примеры.
8. Что понимают под суммой двух событий? Приведите примеры.
9. Сформулируйте теорему сложения вероятностей для несовместных событий.
10. Что понимается под полной группой событий? Чему равна сумма вероятностей событий, составляющих полную группу?
11. Какие события называются противоположными? Чему равна сумма вероятностей противоположных событий?
12. Какие события называются независимыми, зависимыми? Приведите примеры.
13. Что называется условной вероятностью события?
14. Что понимается под произведением двух событий? Приведите примеры.
15. Сформулируйте теоремы умножения вероятностей для независимых и зависимых событий.
16. Сформулируйте теорему сложения вероятностей для совместных событий.
17. Что понимается под последовательностью из n испытаний?
18. Напишите формулу Бернулли, при решении какого типа задач она применяется?
19. Что такое наивероятнейшее число наступления события? Как определить это число?
20. Сформулируйте локальную теорему Лапласа. При каких условиях она применяется?
21. Напишите формулу Пуассона. При каких условиях она применяется?
22. Сформулируйте интегральную теорему Лапласа.
23. Напишите формулу для вычисления вероятности отклонения относительной частоты от вероятности появления события в независимых испытаниях.
24. Сформулируйте определение случайной величины.
25. Какие случайные величины называются дискретными, непрерывными? Приведите примеры.
26. Что называется законом распределения случайной величины?
27. Как задается закон распределения дискретной случайной величины?
28. Дайте определение математического ожидания дискретной случайной величины.
29. Перечислите основные свойства математического ожидания.
30. Какое свойство случайной величины характеризует математическое ожидание?
31. Дайте определение дисперсии и среднего квадратического отклонения дискретной случайной величины. Какое свойство случайной величины они характеризуют?
32. Перечислите свойства дисперсии.
33. Дайте определение интегральной функции распределения. Перечислите ее свойства.
34. Дайте определение дифференциальной функции распределения. Перечислите ее свойства.
35. Что называется математическим ожиданием непрерывной случайной величины? Как оно вычисляется?

36. Как определяется дисперсия непрерывной случайной величины и как она вычисляется?
37. Какое распределение непрерывной случайной величины называется нормальным? Какие параметры характеризует нормальное распределение?
38. Начертите кривую нормального распределения. Как меняется кривая при изменении математического ожидания и среднего квадратического отклонения?
39. Как вычисляется вероятность попадания нормального распределения случайной величины в заданный интервал?
40. Как вычислить вероятность заданного отклонения?
41. Сформулируйте правило трех сигм.
42. Что понимается под генеральной совокупностью?
43. Что такое выборка? Как обеспечивается ее представительность?
44. Как получают повторную и бесповторную выборки?
45. Перечислите способы отбора статистического материала.
46. Что такое частота появления варианты в выборке?
47. Как получают относительную частоту появления варианты в выборке?
48. Как получают вариационный ряд распределения?
49. Как построить полигоны частот и относительных частот?
50. Как построить гистограммы частот и относительных частот?
51. Что такое генеральная и выборочная средняя? Как они вычисляются?
52. Что такое генеральная и выборочная дисперсия? Как они вычисляются?
53. Какую величину принимают за среднюю генеральной совокупности?
54. Какую величину принимают за дисперсию генеральной совокупности?
55. Как вычисляется среднее квадратическое отклонение средней выборки?
56. Что понимают под доверительным интервалом и доверительной вероятностью?
57. Как вычислить доверительный интервал для математического ожидания нормально распределенной случайной величины в случае, когда среднее квадратическое отклонение известно; когда среднее квадратическое отклонение неизвестно?
58. Дайте определение статистической гипотезы.
59. Приведите примеры нулевой и конкурирующей, простой и сложной гипотез.
60. Что называется ошибкой первого и второго рода?
61. Дайте определение критической области, области принятия гипотез, критической точки.
62. Как находить критическую область?
63. Что называется критерием согласия?
64. Для чего служит критерий Пирсона?
65. Дайте определение корреляционной зависимости.
66. Какую корреляционную зависимость называют линейной?
67. Что можно сказать о зависимости двух случайных величин, если коэффициент корреляции $r=0$? $r=1$? $r=-1$?
68. Запишите выборочные уравнения прямых регрессий.

ШКАЛА И КРИТЕРИИ ОЦЕНКИ самоподготовки по темам практических занятий

– «зачтено» выставляется, если обучающийся на основе самостоятельно изученного материала, смог всесторонне раскрыть теоретическое содержание темы, способен применить полученные знания при решении практических задач;

- «не зачтено» выставляется, если обучающийся на основе самостоятельно изученного материала, не смог всесторонне раскрыть теоретическое содержание темы, не способен применить полученные знания при решении практических задач.

3.1.4. Средства для промежуточной аттестации по итогам изучения дисциплины

Самостоятельная проверочная работа 1 (раздел 1)

1. Даны точки $A(4;0)$, $B(7;4)$ и $C(-4;6)$. Найдите косинус угла между векторами $\overrightarrow{AB}$ и $\overrightarrow{BC}$.
2. Определите координаты центра и радиус окружности $x^2 + y^2 - 14y = 0$.
3. Перемножьте матрицы $\begin{pmatrix} 3 & -2 \\ 5 & -4 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 2 & 5 \end{pmatrix}$

4. Даны вершины треугольника $A(0;0)$, $B(-1;-3)$ и $C(-5;-1)$. Составьте уравнение прямой, проходящей через точку B и параллельно прямой AC .

5. Вычислите определитель
$$\begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 3 & 1 & 2 \\ 2 & 3 & 1 \end{vmatrix}$$

Самостоятельная проверочная работа 2 (раздел 2-3)

1. Найдите производные:

а) $y = e^x \cdot \cos 2x$

б) $y = \sqrt{2+x}$

2. Вычислите следующие неопределенные интегралы:

а) $\int \sin(3x+7)dx$.

б) $\int \frac{dx}{\sqrt{x^2+5}}$.

3. Вычислите определённый интеграл:

а) $\int_1^2 (x+1)dx$;

Самостоятельная проверочная работа 3 (раздел 4)

1. В коробке 3 красных и 7 синих карандаша. Какова вероятность того, что два извлеченных карандаша будут разного цвета?

2. Закон распределения дискретной случайной величины

x_i	1	3	4	5
p_i	0,4	0,1	0,3	0,2

Найдите математическое ожидание и дисперсию.

3. Случайные значения веса зерна распределены нормально. Математическое ожидание веса зерна равно 0,2 г, среднее квадратическое отклонение равно 0,05 г. Найдите вероятность того, что вес наугад взятого зерна окажется в пределах от 0,16 г до 0,22 г.

ШКАЛА И КРИТЕРИИ ОЦЕНИВАНИЯ

- Оценка «отлично», если количество правильных ответов от 81-100%.
- Оценка «хорошо», если количество правильных ответов от 71-80%.
- Оценка «удовлетворительно», если количество правильных ответов от 61-70%.
- Оценка «неудовлетворительно», если количество правильных ответов менее 60%.

Банк заданий для тестов

Определитель невырожденной квадратной матрицы умножается на 6, если ...

(укажите не менее двух вариантов ответа)

- + какая-либо строка умножается на 6
- к какой-либо строке прибавляется другая строка, умноженная на 6
- + одна строка умножается на 2, а другая на 3
- все элементы матрицы делятся на 6
- одна строка умножается на 4, а другая на 2
- ко всем элементам определителя прибавляют 6

Корень уравнения $\begin{vmatrix} 8 & 4 \\ x & 2 \end{vmatrix} = 0$ равен ...

- 5
- -5
- + 4
- -4
- 1

Определитель $\begin{vmatrix} 3 & 2 & 5 \\ 0 & 3 & 4 \\ 0 & -2 & -2 \end{vmatrix}$ равен ...

- 2
- + 6
- -2
- 5
- 1

Определитель $\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & -1 & 2 \\ 1 & 3 & -1 \end{vmatrix}$ после приведения к треугольному виду можно записать ...

$$- \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 0 & -2 & -1 \\ 0 & 1 & 1 \end{vmatrix}$$

$$- \begin{vmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 0 & 1 & 2 \\ 0 & 0 & -1 \end{vmatrix}$$

$$- \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & -1 \\ 0 & 0 & 2 \end{vmatrix}$$

$$+ \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 0 & -2 & 1 \\ 0 & 0 & -1 \end{vmatrix}$$

$$- \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 0 & 2 & -1 \\ 0 & 0 & 2 \end{vmatrix}$$

Матрица A ..., если существует матрица $A - 4A^T$
(укажите не менее двух вариантов ответов)

- + является квадратной
- может быть произвольной
- является нулевой (размера $m \times n$, где $m \neq n$)
- + может быть единичной
- является вырожденной

- является диагональной

Матрица $D = 2A - B + C$ имеет вид ..., если $A = \begin{pmatrix} 3 & -3 & 4 \\ -6 & 0 & 0 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} -1 & 6 & 4 \\ -2 & 1 & -2 \end{pmatrix}$,

$$C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & -5 \\ 0 & -3 & 4 \end{pmatrix}$$

$$\begin{aligned} & - \begin{pmatrix} 8 & 0 & 6 \\ -7 & 0 & -6 \end{pmatrix} \\ & + \begin{pmatrix} 8 & -10 & -1 \\ -10 & -4 & 6 \end{pmatrix} \\ & - \begin{pmatrix} 12 & 5 & -6 \\ -9 & -7 & 0 \end{pmatrix} \\ & - \begin{pmatrix} 5 & -2 & -1 \\ 7 & -1 & 2 \end{pmatrix} \\ & - \begin{pmatrix} 6 & 2 & 0 \\ -3 & -4 & 6 \end{pmatrix} \end{aligned}$$

Укажите соответствие между матрицами A и B и их суммой.

1. $A = \begin{pmatrix} -3 & 12 \\ -5 & -21 \end{pmatrix}$; $B = \begin{pmatrix} -2 & 1 \\ 2 & -2 \end{pmatrix}$.
2. $A = \begin{pmatrix} 5 & -2 \\ -6 & 10 \end{pmatrix}$; $B = \begin{pmatrix} 4 & -3 \\ -9 & -15 \end{pmatrix}$.
3. $A = \begin{pmatrix} -22 & 4 \\ 0 & -12 \end{pmatrix}$; $B = \begin{pmatrix} 13 & -1 \\ -17 & -13 \end{pmatrix}$.
4. $A = \begin{pmatrix} 3 & 15 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$; $B = \begin{pmatrix} -7 & 6 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}$

$$3. A + B = \begin{pmatrix} -9 & 3 \\ -17 & -25 \end{pmatrix}$$

$$4. A + B = \begin{pmatrix} -4 & 21 \\ 1 & 5 \end{pmatrix}$$

$$2. A + B = \begin{pmatrix} 9 & -5 \\ -15 & -5 \end{pmatrix}$$

$$1. A + B = \begin{pmatrix} -5 & 13 \\ -3 & -23 \end{pmatrix}$$

$$- A + B = \begin{pmatrix} -9 & 11 \\ -9 & 13 \end{pmatrix}$$

$$- A + B = \begin{pmatrix} 20 & -11 \\ -7 & -25 \end{pmatrix}$$

Произведение $A \cdot A^{-1}$ матриц равно...

- A^2
- $2A$
- $-A$
- $-E$
- + E

Матрица $C = A \cdot B$ имеет вид ..., если $A = \begin{pmatrix} -2 & 2 & 1 \\ -1 & 0 & 3 \\ -4 & 1 & 3 \end{pmatrix}$, $B = \begin{pmatrix} -1 \\ 2 \\ -3 \end{pmatrix}$

$$- \begin{pmatrix} 3 & -8 & -3 \end{pmatrix}$$

$$- \begin{pmatrix} 2 & 1 & -5 \end{pmatrix}$$

$$- \begin{pmatrix} 5 \\ -8 \\ -3 \end{pmatrix}$$

$$- \begin{pmatrix} 15 \\ -3 \\ 9 \end{pmatrix}$$

$$+ \begin{pmatrix} 3 \\ -8 \\ -3 \end{pmatrix}$$

Сумма чисел $k + n$ для матрицы $C = A \times B$ равна ..., если A размера 4×5 , B размера $k \times n$ и C размера 4×5

- 6
- 7
- 8
- + 10
- 9

Угловой коэффициент прямой $4x - 2y + 3 = 0$ равен...

- -4
- + 2
- 4
- -2

Уравнение прямой, параллельной $y = 2x - 1$ является...

- $y = -x + 3$
- + $y = 2x + 3$
- $y = -2x - 1$

- $y=x-2$

Уравнением прямой, заданной точкой и угловым коэффициентом имеет вид

- $y=2x-3$

+ $y-3=4(x+2)$

- $2x-5y-7=0$

- $3(x-5)+4(y+1)=0$

Абсцисса точки, лежащей на прямой $3x + 4y - 8 = 0$, с ординатой 5, равна...

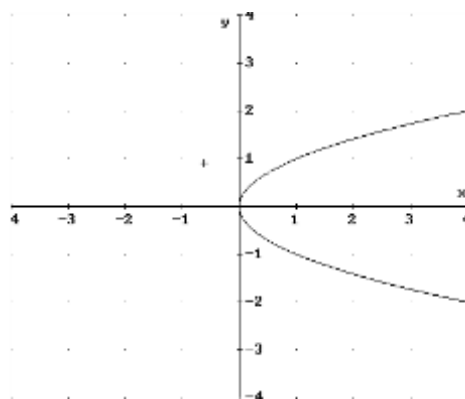
- 4

- 3

- -2

+ -4

Уравнение линии, заданной на рисунке, имеет вид ...



- $x^2 = y$

+ $x = y^2$

- $y = x,$

- $x + y = 1,$

Радиус окружности, заданной уравнением $x^2 + y^2 - 2x + 4y - 20 = 0$ равен...

- 4

+ 5

- 3

- 2

Среди указанных уравнений гиперболу задает...

+ $5x^2 - 3y^2 = 15$

- $5x^2 + 3y^2 = 15$

- $5x+3y=15$

- $5x^2 + 3y = 15$

Даны координаты точек $A(1; -1; -2)$ и $B(2; 4; 6)$. Тогда вектор $\overrightarrow{AB}$ имеет координаты...

- $\{1; 8; 5\}$
- $\{3; 3; 5\}$
- $\{-1; -5; -8\}$
- + $\{1; 5; 8\}$

Длина вектора $\vec{b} = -2\vec{i} + 3\vec{j} + 2\vec{k}$ равна...

- 3
- $\sqrt{11}$
- + $\sqrt{17}$
- 17

Векторы $\vec{a} = \{3; -m; -1\}$ и $\vec{b} = \{3; 2; k\}$ равны. Тогда значения m и k равны...

- $m = -2; k = 1$
- + $m = -2; k = -1$
- $m = 2; k = 1$
- $m = 2; k = -1$

Скалярное произведение векторов $\vec{a} = \{1; 2; -1\}$ и $\vec{b} = \{4; 3; 2\}$ равно...
8

Векторное произведение векторов $\vec{a} = \{-1; 2; 5\}$ и $\vec{b} = \{\alpha; 8; \beta\}$ равно нуль-вектору, если...

- $\alpha = -4, \beta = -20$
- + $\alpha = -4, \beta = 20$
- $\alpha = 4, \beta = 20$
- $\alpha = 4, \beta = -20$

Смешанное произведение векторов $\vec{a} = \{1; -2; 0\}$, $\vec{b} = \{1; 2; 0\}$ и $\vec{c} = \{1; 5; 0\}$ равно...
0

Предел $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 + 7x + 4}{3x^2 + 3x}$ равен...

- + $\frac{1}{3}$
- 0
- 1
- $\frac{7}{3}$
- 2

Предел $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 2x}{\operatorname{tg} 5x}$ равен...

-1

$-\frac{2}{9}$

$+\frac{2}{5}$

$-\frac{5}{2}$

- 0

Предел $\lim_{x \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{2x}\right)^{5x}$ равен ...

— e^2

— e^5

— $e^{2/5}$

+ $e^{5/2}$

Производная функции $y = e^{2x-4}$ равна...

— $-2e^{2x}$

+ $2e^{2x-4}$

— e^{2x-4}

— $2e^{2x}$

Значение производной второго порядка функции $y = \sin^2 x$ в точке $x = 0$ равно...

— 0

— 1

+ 2

— -1

Закон движения материальной точки имеет вид $x(t) = 1 + 3t + 4t^3$, где $x(t)$ - координата точки в момент времени t . Тогда скорость точки при $t = 1$ равна...

— 10

— 25

+ 15

— 1

Множество первообразных функции $x^2 e^{x^3}$ имеет вид...

- $\frac{1}{2} e^{x^3} + C$

- $e^{x^3} + C$

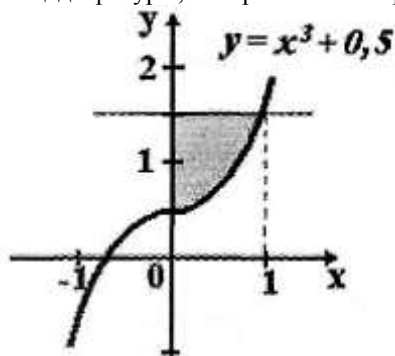
- $x^3 e^{x^3} + C$

+ $\frac{1}{3} e^{x^3} + C$

Для интеграла $\int \frac{dx}{(x+1)(x-2)}$ подынтегральную функцию $\frac{1}{(x+1)(x-2)}$ можно представить следующим образом...

$$\begin{aligned}
 & - \frac{Ax}{x+1} + \frac{Bx}{x-2} \\
 & + \frac{A}{x+1} + \frac{B}{x-2} \\
 & - \frac{Ax+B}{x+1} + \frac{Cx+D}{x-2} \\
 & - \frac{A}{x+1} + \frac{Bx+C}{x-2}
 \end{aligned}$$

Площадь фигуры, изображенной на рисунке,



определяется интегралом...

$$\begin{aligned}
 & - \int_0^1 (x^3 - 1) dx \\
 & + \int_0^1 (1 - x^3) dx \\
 & - \int_0^{1,5} (1,5 - x^3) dx \\
 & - \int_0^1 (x^3 + 0,5) dx
 \end{aligned}$$

Несобственными интегралами являются...

$$\begin{aligned}
 & - \int_0^{\pi/2} x \sin x \, dx \\
 & + \int_0^1 \frac{x \, dx}{\sqrt{1-x^2}} \\
 & - \int x^2 \, dx \\
 & - \int_1^4 \frac{dx}{x^2}
 \end{aligned}$$

Вероятность невозможного события равна...

$$\begin{aligned}
 & - 0,01 \\
 & - -1 \\
 & + 0 \\
 & - 1
 \end{aligned}$$

Из приведенных событий невозможными являются ...

Укажите не менее двух вариантов ответа

- + «Замерзание воды при температуре $+30^0$ »
- «Выпадение 6 очков при бросании игральной кости»
- + «Выбор черного шара из урны с белыми шарами»
- «Наступление лета после весны»
- «Выбор черного шара из урны с черными шарами»
- «Выбор черного шара из урны с белыми и черными шарами»

Игральная кость бросается один раз. Тогда вероятность того, что на верхней грани выпадет 5 очков, равна...

- 0,2
- $\frac{5}{6}$
- 0,1
- $\frac{1}{6}$
- + $\frac{1}{6}$

Бросают три кубика. Вероятность появления трёх одинаковых чисел равна...

- + $\frac{1}{36}$
- $\frac{1}{216}$
- $\frac{1}{6}$
- $\frac{4}{9}$

Два стрелка производят по одному выстрелу. Вероятности попадания в цель для первого и второго стрелков равны 0,5 и 0,4 соответственно. Тогда вероятность того, что в цель попадут оба стрелка, равна ...

- 0,9
- + 0,2
- 0,16
- 0,3

В первом ящике 12 черных и 5 белых шаров, во втором – 10 черных и 7 белых. Из произвольного ящика достают один шар. Вероятность того, что он белый, равна ...

- $\frac{5}{12} + \frac{7}{10}$
- $\frac{5}{17} + \frac{7}{17}$
- + $\frac{1}{2} \left(\frac{5}{17} + \frac{7}{17} \right)$
- $\frac{1}{2} \cdot \frac{(9+7)}{(12+10)}$

Вероятность попадания в мишень при одном выстреле для данного стрелка 0,7 и не зависит от номера выстрела. Для вычисления вероятности того, что при 5 выстрелах произойдет ровно 2 попадания, следует использовать...

- формулу Пуассона
- интегральную теорему Муавра - Лапласа
- локальную теорему Муавра - Лапласа
- + формулу Бернулли

Установите соответствие между названием и формулой

1. Формула Бернулли
2. Формула Пуассона
3. Локальная формула Муавра-Лапласа
4. Интегральная формула Муавра-Лапласа

1. $P_n(k) = C_n^k \cdot p^k \cdot q^{n-k}$

2. $P_n(k) = \frac{a^k \cdot e^{-a}}{k!}$

3. $P_n(k) \approx \frac{1}{\sqrt{npq}} \varphi(x)$

4. $P(k_1 \leq k \leq k_2) \approx \Phi(x_2) - \Phi(x_1)$

- $np - q \leq k_0 \leq np + p$

Вероятность безотказной работы в течение недели каждого из автобусов данного автопарка равна 0,8.

Для вычисления вероятности того, что среди 100 наудачу выбранных для проверки автобусов безотказно работали в течение недели от 65 до 90 автомобилей, следует использовать...

- формулу Пуассона
- + интегральную теорему Муавра - Лапласа
- локальную теорему Муавра - Лапласа
- формулу Бернулли

Вероятность наступления события $P_{625}(240)$ при $p=0,36$ следует вычислять по формуле

- Пуассона
- интегральной теореме Муавра - Лапласа
- + локальной теореме Муавра - Лапласа
- Бернулли

Соответствие между возможными значениями и их вероятностями дискретной случайной величины называется ее ...

- средним квадратическим отклонением
- математическим ожиданием
- дисперсией
- + законом распределения
- функцией распределения

Задан закон распределения дискретной случайной величины

X	1	2	3	4
p	0,2	0,3	p	0,1

Тогда значение p равно...

- + 0,4
- 0,6
- 0,3
- 0,9

Дискретная случайная величина X имеет закон распределения вероятностей:

X	2	3
p	0,3	0,7

Математическое ожидание этой случайной величины равно...

- 1
- 5
- + 2,7
- 2,3

Дискретная случайная величина X задана законом распределения вероятностей:

X	2	4	6
p	0,2	0,5	0,3

Тогда ее функция распределения вероятностей имеет вид ...

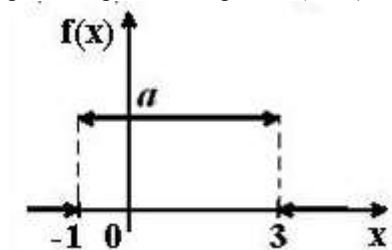
- $F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 2, \\ 0,2 & \text{при } 2 < x \leq 4, \\ 0,5 & \text{при } 4 < x \leq 6, \\ 0 & \text{при } x > 6. \end{cases}$

- $F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 2, \\ 0,2 & \text{при } 2 < x \leq 4, \\ 0,5 & \text{при } 4 < x \leq 6, \\ 1 & \text{при } x > 6. \end{cases}$

- $F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 2, \\ 0,2 & \text{при } 2 < x \leq 4, \\ 0,7 & \text{при } 4 < x \leq 6, \\ 0 & \text{при } x > 6. \end{cases}$

+ $F(x) = \begin{cases} 0 & \text{при } x \leq 2, \\ 0,2 & \text{при } 2 < x \leq 4, \\ 0,7 & \text{при } 4 < x \leq 6, \\ 1 & \text{при } x > 6. \end{cases}$

График плотности распределения вероятностей непрерывной случайной величины X , распределенной равномерно в интервале $(-1; 3)$, имеет вид



Тогда значение a равно ...

- 1
- + 0,25
- 0,2
- 0,33

Непрерывная случайная величина X задана плотностью распределения вероятностей

$$f(x) = \frac{1}{7\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-6)^2}{98}}.$$

Тогда математическое ожидание этой нормально распределенной величины равно

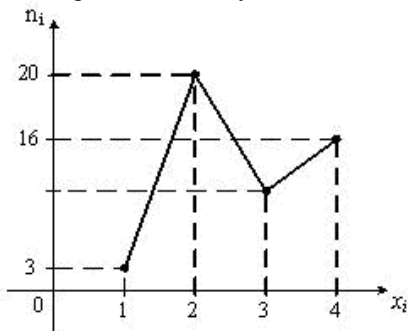
...

- 7
- 98
- + 6
- 49

Известна интегральная функция. Тогда дифференциальную функцию можно найти по формуле ...

- $F(x) = \int_{-\infty}^{\infty} f(x) dx$
- $\Phi\left(\frac{\beta-a}{\sigma}\right) - \Phi\left(\frac{\alpha-a}{\sigma}\right)$
- + $f(x) = F'(x)$
- $F(\beta) - F(\alpha)$

Из генеральной совокупности извлечена выборка $n=50$, полигон частот которой имеет вид



Тогда число вариантов при $x=3$ в выборке равно...

- 10
- + 11
- 12
- 50

Статистическое распределение выборки имеет вид

x_i	-2	1	3	4
n_i	2	5	6	7

Тогда относительная частота варианта $x_3=3$, равна ...

- 6
- + 0,3
- 0,25
- 0,1

Мода вариационного ряда 1, 1, 2, 5, 7, 8 равна ...

- + 1
- 2
- 8
- 24

Дана выборка: 3, 7, 8, 6, 4, 8, 4, 4, 8. Медиана равна ...

- + 6
- 4
- 5,78
- 8

Проведено четыре измерения (без систематических ошибок) некоторой случайной величины 3, 8, 9, 16. Тогда несмещенная оценка математического ожидания равна ...

- 8
- + 9
- 9,25
- 9,5

Для выборки $n=7$ вычислена выборочная дисперсия $D_g = 168$. Тогда исправленная дисперсия S^2 для этой выборки равна ...

- 144
- + 196
- 214
- 200

Найдите исправленное среднее квадратическое отклонение, если $D_g(X) = 3,5$; $n = 20$. Результат округлить до сотых.

- 3,68
- + 1,92
- 0,18
- 5,71

Точечная оценка математического ожидания нормального распределения равна 15. Тогда его интервальная оценка может иметь вид ...

- (13,8; 14,1)
- + (13,8; 16,2)
- (15; 16,2)
- (13,8; 15)

Дан доверительный интервал (12,4; 13,2) для оценки математического ожидания нормально распределенного количественного признака. Тогда точечная оценка математического ожидания равна ...

- 0,4
- 13,0
- 12,7
- + 12,8

Построить доверительный интервал для оценки математического ожидания в случае нормального распределения, при $\sigma(x)=2,5$, $\overline{X}_g = 14$, $n=49$, $t_\gamma = 2,6822$. Результат округлить до сотых.

- (13,53; 14,02)
- (13,8; 14,2)
- + (13,04; 14,96)
- (13,36; 14,35)

**Примерный тест по итогам изучения дисциплины
1 семестр**

1.Определитель:

$$\begin{vmatrix} 1 & 2 & 1 \\ -1 & -2 & 3 \\ 0 & 4 & 1 \end{vmatrix} \text{ равен ...}$$

2.Предел $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 + 6x + 4}{3x^2 + 3x}$ равен... 1) $\frac{1}{3}$ 2) 0 3) 1 4) 4 5) 2

3.Если $y = x^2 e^x$, то производная y' равна...

1) $2xe^x$ 2) $x^2 e^x + 2xe^x$ 3) $x^2 e^x$ 4) $\frac{2x}{e^x}$ 5) $\frac{e^x}{2x}$

4. Даны точки A(6;-1), B(-6;10) и C(6;-10). Установите соответствие между вектором и его длиной.

1. $|\overline{AB}|$ 2. $|\overline{AC}|$ 3. $|\overline{BC}|$

1) 9 2) 11 3) 8 4) 15 5) 12

5. Прямая, проходящая через точки M0 (1;1) и M1 (3;4), параллельна прямой...

Укажите не менее двух вариантов ответа

1) $\frac{x}{2} - \frac{y}{3} = 1$; 2) $\frac{x}{2} + \frac{y}{3} = 1$; 3) $-\frac{x}{2} - \frac{y}{3} = 1$; 4) $-\frac{x}{2} + \frac{y}{3} = 1$.

6. Из приведенных событий невозможными являются ...

Укажите не менее трех вариантов ответа

- 1) «Замерзание воды при температуре $+30^\circ$ »
- 2) «Выпадение 6 очков при бросании игральной кости»
- 3) «Выбор черного шара из урны с белыми шарами»
- 4) «Наступление лета после весны»
- 5) «Наступление 30 февраля»

7. Несовместные события A, B и C **не образуют** полную группу, если их вероятности равны ...

1) $P(A)=\frac{1}{12}$ $P(B)=\frac{3}{4}$ $P(C)=\frac{1}{4}$ 2) $P(A)=\frac{1}{7}$ $P(B)=\frac{3}{7}$ $P(C)=\frac{5}{7}$ 3) $P(A)=\frac{1}{2}$ $P(B)=\frac{1}{4}$ $P(C)=\frac{1}{4}$ 4) $P(A)=\frac{1}{5}$ $P(B)=\frac{3}{5}$ $P(C)=\frac{1}{5}$

Укажите не менее двух вариантов ответа

8. Вероятность попадания в мишень при одном выстреле для данного стрелка 0,7. Вероятность того, что при 5 выстрелах произойдет ровно 2 попадания равна...

1) 0,1323 2) 0,2313 3) 0,7 4) 0,5 5) 0,031255

9. Установите соответствие между названием и формулой

- 1. Формула Бернулли
- 2. Формула Пуассона
- 3. Локальная формула Муавра-Лапласа
- 4. Интегральная формула Муавра-Лапласа

1) $P_n(k) = C_n^k \cdot p^k \cdot q^{n-k}$

2) $P_n(k) = \frac{\lambda^k \cdot e^{-\lambda}}{k!}$

$$3) P_n(k) \approx \frac{1}{\sqrt{npq}} \varphi(x)$$

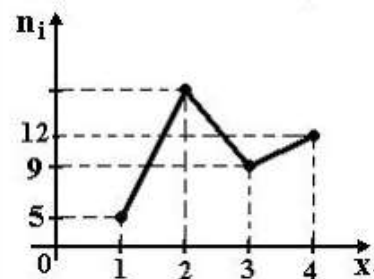
$$4) P(a \leq k \leq b) \approx \Phi(\beta) - \Phi(\alpha)$$

$$5) P(AB) = P(A) \cdot P(B)$$

10. Из генеральной совокупности извлечена выборка объема $n=60$

Тогда число вариант $x_i = 2$ в выборке равно...

- 1) 33 2) 34 3) 35 4) 60 5) 38



9.3.1 ШКАЛА И КРИТЕРИИ ОЦЕНИВАНИЯ

ответов на тестовые вопросы тестирования по итогам освоения дисциплины

- оценка «отлично» выставляется обучающемуся, если получено более 81% правильных ответов.
- оценка «хорошо» - получено от 71 до 80% правильных ответов.
- оценка «удовлетворительно» - получено от 61 до 70% правильных ответов.
- оценка «неудовлетворительно» - получено менее 61% правильных ответов

Перечень примерных вопросов к экзамену

1. Матрицы и действия над ними.
2. Определители. Свойства определителей. Обратная матрица.
3. Системы линейных уравнений. Решение систем линейных алгебраических уравнений по правилу Крамера.
4. Векторы. Линейные операции над векторами. Проекция на ось. Декартовы координаты векторов и точек.
5. Скалярное произведение векторов, его основные свойства, координатное выражение.
6. Прямая на плоскости. Различные формы уравнений прямой на плоскости.
7. Расстояние от точки до прямой. Угол между прямыми.
8. Кривые второго порядка: окружность, эллипс, гипербола, парабола.
9. Функция. Область ее определения. Сложные и обратные функции. График функции. Основные элементарные функции, их свойства и графики.
10. Числовые последовательности. Предел числовой последовательности. Арифметические свойства пределов.
11. Предел функции в точке и на бесконечности. Бесконечно малые и бесконечно большие функции. Свойства предела функции.
12. Односторонние пределы. Пределы монотонных функций. Замечательные пределы.
13. Понятие функции, дифференцируемой в точке. Дифференциал функции, его геометрический смысл. Производная функции, ее смысл в различных задачах. Правила нахождения производной и дифференциала. Производная сложной и обратной функций.
14. Производные и дифференциалы высших порядков. Условия монотонности функции. Экстремум функции, необходимое условие. Достаточные условия. Отыскание наибольшего и наименьшего значений функции, дифференцируемой на отрезке.
15. Исследование выпуклости функции. Точки перегиба. Асимптоты функций. Общая схема исследования функции и построения ее графика.
16. Неопределенный интеграл. Основные понятия.
17. Свойства неопределенного интеграла.
18. Таблица основных интегралов (вывод одного, по желанию).
19. Метод непосредственного интегрирования.
20. Метод интегрирования подстановкой.
21. Метод интегрирования по частям.
22. Интегрирование рациональных функций.

23. Интегрирование тригонометрических функций.
24. Определенный интеграл (понятие интегральной суммы, геометрический смысл, формула Ньютона-Лейбница).
25. Определенный интеграл. Свойства определенного интеграла. Интегрирование подстановкой.
26. Определенный интеграл. Интегрирование по частям, четных и нечетных функций.
27. Приложения определенного интеграла (площадь криволинейной трапеции).
28. Приложения определенного интеграла (объем тела, получаемого вращением плоской фигуры вокруг координатных осей).
29. Основные понятия теории вероятностей.
30. Элементы комбинаторики.
31. Классическое определение вероятности.
32. Статистическое определение вероятности.
33. Теорема сложения вероятностей.
34. Теорема умножения вероятностей.
35. Формула полной вероятности. Формула Байеса.
36. Повторные испытания. Формула Бернулли.
37. Повторные испытания. Формула Пуассона.
38. Повторные испытания. Локальная теорема Лапласа.
39. Повторные испытания. Интегральная теорема Лапласа.
40. Следствие интегральной теоремы Лапласа.
41. Дискретная случайная величина. Закон распределения ДСВ (характеристики: математическое ожидание, дисперсия, среднее квадратическое отклонение).
42. Непрерывная случайная величина. Закон распределения НСВ (характеристики: математическое ожидание, дисперсия, среднее квадратическое отклонение).
43. Интегральная функция распределения (свойства).
44. Дифференциальная функция распределения (свойства).
45. Равномерный закон распределения (свойства).
46. Нормальный закон распределения (свойства).
47. Закон больших чисел. Неравенство Чебышева.
48. Понятие коэффициента корреляции, его свойства.
49. Вариационные ряды и их характеристики.
50. Средние величины (средняя арифметическая, дисперсия, среднее квадратическое отклонение).
51. Статистические оценки параметров распределения. Несмещённые, эффективные и состоятельные оценки.
52. Оценка математического ожидания генеральной совокупности по выборочной средней.
53. Выборочная дисперсия

ПРИМЕР ЭКЗАМЕНАЦИОННОГО БИЛЕТА

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования
«Омский государственный аграрный университет имени П.А. Столыпина»
Кафедра математических и естественнонаучных дисциплин

1. Вычислите определитель матрицы

$$\begin{vmatrix} 3 & 2 & -1 \\ 1 & -1 & 2 \\ 2 & 2 & 1 \end{vmatrix}$$

2. Найдите производные данных функций

а) $y = (9x^2 + 1) \cdot \cos x;$

б) $y = \ln \sqrt{x^2 + 2x + 5}.$

3. Вычислите неопределенный интеграл

$$\int \left(5x + \frac{8}{x^5} - 4 \cos x \right) dx.$$

4. В клетке 6 белых и 4 серых мышей. Случайно отбирают трех мышей, не возвращая обратно. Вычислить вероятность того, что среди взятых мышей две белые и одна серая.

5. Дан закон распределения дискретной случайной величины X . Требуется:
найти значение p_i ;
найти интегральную функцию распределения и построить ее график;
найти математическое ожидание, дисперсию и среднее квадратическое отклонение.

X	5	7	12	13
P	0,3	0,5	p_i	0,1

ПЛАНОВАЯ ПРОЦЕДУРА проведения экзамена

Экзамен является формой контроля, который выставляется обучающемуся согласно «Положения о текущем контроле успеваемости, промежуточной аттестации обучающихся по программам высшего образования (бакалавриат, специалитет, магистратура) и среднего профессионального образования в ФГБОУ ВО Омский ГАУ», выполнившему в полном объеме все перечисленные в п.2-3 требования к учебной работе, прошедший все виды тестирования, выполнения типовых расчетов с положительной оценкой. В случае не полного выполнения указанных условий по уважительной причине, обучающемуся могут быть предложены индивидуальные задания по пропущенному учебному материалу.

9.1 Нормативная база проведения промежуточной аттестации обучающихся по результатам изучения дисциплины:	
1) действующее «Положение о текущем контроле успеваемости, промежуточной аттестации обучающихся по программам высшего образования (бакалавриат, специалитет, магистратура) и среднего профессионального образования в ФГБОУ ВО Омский ГАУ»	
9.2. Основные характеристики промежуточной аттестации обучающихся по итогам изучения дисциплины	
Цель промежуточной аттестации -	установление уровня достижения каждым обучающимся целей обучения по данной дисциплине, изложенных в п.2.2 настоящей программы
Форма промежуточной аттестации -	экзамен
Место экзамена в графике учебного процесса:	1) подготовка к экзамену и сдача экзамена осуществляется за счёт учебного времени (трудоемкости), отведённого на экзаменационную сессию для обучающихся, сроки которой устанавливаются приказом по университету
	2) дата, время и место проведения экзамена определяется графиком сдачи экзаменов, утверждаемым деканом выпускающего факультета
Форма экзамена -	Смешанной формы
Процедура проведения экзамена -	представлена в фонде оценочных средств по дисциплине (см. Приложение 9)
Экзаменационная программа по учебной дисциплине:	1) представлена в фонде оценочных средств по дисциплине (см. Приложение 9) 2) охватывает разделы №№ 4 (в соответствии с п. 4.1 настоящего документа)
Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков:	представлены в фонде оценочных средств по дисциплине (см. Приложение 9)

ШКАЛА И КРИТЕРИИ ОЦЕНКИ

Оценку «отлично» выставляют обучающемуся, глубоко и прочно освоившему теоретический и практический материал дисциплины. Ответ должен быть логичным, грамотным. Обучающимся необходимо

показать знание не только основного, но и дополнительного материала, быстро ориентироваться, отвечая на дополнительные вопросы. Обучающийся должен свободно справляться с поставленными задачами, правильно обосновывать принятые решения.

Оценку «хорошо» заслуживает обучающийся, твердо знающий программный материал дисциплины, грамотно и, по существу, излагающий его. Не следует допускать существенных неточностей при ответах на вопросы, необходимо правильно применять теоретические положения при решении практических задач, владеть определенными навыками и приемами их выполнения.

Оценку «удовлетворительно» получает обучающийся, который имеет знания только основного материала, но не усвоил его детали, испытывает затруднения при решении практических задач. В ответах на поставленные вопросы обучающимся допущены неточности, даны недостаточно правильные формулировки, нарушена последовательность в изложении программного материала.

Оценка «неудовлетворительно» говорит о том, что обучающийся не знает значительной части материала по дисциплине, допускает существенные ошибки в ответах, не может решить практические задачи или решает их с затруднениями.

ЛИСТ РАССМОТРЕНИЙ И ОДОБРЕНИЙ

Фонда оценочных средств учебной дисциплины Б1.О.07 Высшая математика

в составе ОПОП 36.03.02 Зоотехния

1. Рассмотрен и одобрен:	
а) На заседании обеспечивающей преподавание кафедры математических и естественнонаучных дисциплин протокол № 14 от 25.05.2021 г. Зав. кафедрой, канд. экон. наук., доцент _____	 Т.Ю. Степанова
б) На заседании методической комиссии по направлению 36.03.02 Зоотехния; протокол № 10 от 10.06.2021 г. Председатель МКН – 36.03.02, канд. с.-х. наук., доцент. _____	 И.А. Коршева
2. Рассмотрение и одобрение представителями профессиональной сферы по профилю ОПОП:	
3. Рассмотрение и одобрение внешними представителями (органами) педагогического (научно-педагогического) сообщества по профилю дисциплины:	
Доцент кафедры высшей математики ФГБОУ ВО «ОмГТУ», канд. физ.-мат. наук _____	 М.В. Мендзев



ИЗМЕНЕНИЯ И ДОПОЛНЕНИЯ
к фонду оценочных средств учебной дисциплины
Б1.О.07 Высшая математика
в составе ОПОП 36.03.02 Зоотехния

Ведомость изменений

Срок, с которого вводится изменение	Номер и основное содержание изменения и/или дополнения	Отметка об утверждении/ согласовании изменений	
		инициатор изменения	руководитель ОПОП или председатель МКН